

摘藻堂四庫全書薈要

子部

欽定四庫全書薈要

子部
御製厯象考成後編卷一



詳校官主事

臣陳木

欽定四庫全書薈要

御製厯象考成後編目錄

卷一

日躔數理

卷二

月離數理

卷三

交食數理



卷四

日躔步法

月離步法

卷五

月食步法

卷六

日食步法

卷七

日躔表

卷八

月離表上

卷九

月離表下

卷十

交食表

臣等謹案

御製厯象考成後編十卷因

聖祖仁皇帝所製上下二編而增修之蓋上下二編
所載推測之法本以康熙十三年所定六儀
為準逮雍正八年相距一甲子其間歲差所
積漸成分秒驗諸日食而知新法實較舊加
密於是

世宗憲皇帝特允監臣之請纂修日躔月離二表以
推交食宮度晦朔弦望晝夜永短之數而有

表無說亦無推算之法作此表者止監正臣
戴進賢一人能用此表者亦止監副臣徐懋
德及五官正臣明安圖二人而已恐久而失
傳則後人無以推尋其法是以乾隆二年協
辦吏部尚書臣顧琮復請增補圖說得

旨修輯以成是編按法推詳兼明理數以及日躔
月離交食步法為表以列之為說以闡之於
是用數愈密測理愈精而

繼述之隆時憲之重永垂萬古矣乾隆四十三年

二月恭校上

總纂官臣紀昀臣陸錫熊臣孫士毅

總校官臣陸費墀

雍正八年六月二十八日欽天監監正臣明圖

謹

奏竊惟日月行度積久漸差法須旋改始能脗合天

行臣等欽遵

御製歷象考成推算時憲七政頒行天下茲據臣監監正

戴進賢監副徐懋德推測校勘覺有微差蓋歷象

考成原按新法歷書纂定而新法歷書用之已久

是以日月行度差之微芒漸成分秒若不修理恐

愈久愈差

臣

圖愚昧未經考驗不敢遽

奏今於雍正八年六月初一日日食臣等公同在臺

敬謹觀候實測之與推算分數不合伏念歷法關

係緊要

臣

監職所專司不敢壅於

上聞謹繕摺具

奏伏乞

皇上睿鑒

勅下戴進賢徐懋德挑選熟練人負詳加校定修理細

數繕寫條目進

呈

御覽為此謹

奏請

旨奉

旨准其重修欽此

乾隆元年五月十一日總理事務和碩莊親王臣

允祿和碩果親王臣允禮大學士伯臣鄂爾泰大

學士伯臣張廷玉署大學士尚書臣徐本謹

奏府丞梅穀成奏請敷布

御製律歷淵源以廣

聖孝等因一摺敬惟

聖祖仁皇帝集古今之大成統天人而一貫研究數十年

薈萃成書以嘉惠來學現今書板存貯禮部外間並無翻刻之板是以未能流通應如梅穀成所奏令禮部招募坊賈人等刷印鬻賣嚴禁書吏阻撓

需索至於省直書院並所屬各學自應發給收存
以為士子觀覽學習之用但外省遣人赴部刷印
未免跋涉不若即由禮部印發各省之便應交禮
部將現存書板印刷數百部按省分之大小酌量
發給其書坊有情愿翻刻者聽其翻刻鬻賣廣布
流通再臣民翻刻書板理宜敬避

御名

臣

等酌量議擬將此書翻刻時改為象數淵源合
併奏明又據梅穀成奏請令學臣摘取數條發問

合式者與優生一體獎賞並拔取精通之人送部
錄用等語查象數之學廣大精微非初學所能究
悉若即以考試士子恐未能貫通登答應將所奏
毋庸議奉

旨此係

皇祖

皇考所定之書豈可因朕名而改易翻刻時仍為律歷淵
源天下臣民口呼為律書淵源可耳餘依議欽此

乾隆二年四月十八日協辦吏部尚書事

臣顧琮

謹

奏竊查七政時憲書本用前明徐光啓所譯西洋之法所為新法厯書者其書非出於一人之筆故圖與表不合而解多隱晦難曉欽惟

聖祖仁皇帝特命諸臣詳考古法研精闡微俾圖與數表
脗合無遺錫名厯象考成

世宗憲皇帝御極繼志述事刊刻頒行實屬盡善但新法

歷書之表出自西洋積年既多表漸不準推算交食分數間有不合是以又

允監臣之請纂修日躔月離二表以推日月交食並交宮過度晦朔弦望晝夜永短以及凌犯共三十九頁續于歷象考成諸表之末但此表並無解說亦無推算之法查作此表者係監正加禮部侍郎銜西洋人戴進賢能用此表者惟監副西洋人徐懋德與食負外郎俸五官正明安圖此三人外別無解

者若不增修明白何以垂示將來則後人無可推
尋究與未經修纂無異可否令戴進賢為總裁以
徐懋德明安圖為副總裁令其盡心考驗增補圖
說務期可垂永久如歷象考成內倘有酌改之處
亦令其悉心改正至推算較對繕寫之人於欽天
監人員內酌量選用其修書紙張公費仍照算書
處之例支給凡一應事宜及告成刊刻均令禮部
兼理速為告竣則制法愈密推算愈精我

朝敬授人時可以垂諸萬年矣伏乞

皇上睿鑒謹

奏奉

旨即著顧琮專管欽此

乾隆二年五月初八日協辦吏部尚書事

臣顧琮

謹

奏臣於乾隆二年四月十八日

奏請增修躔度表解圖說一摺奉

旨即著顧琮專管欽此欽遵

臣

謹會同總裁欽天監監

正加禮部侍郎銜

臣

戴進賢副總裁監副

臣

徐懋

德食負外郎俸五官正

臣

明安圖議得增修躔度

表解圖說俱用欽天監人員請即在欽天監開館

俾伊等就近纂修不致有悞監中事務實為妥便

查雍正八年重修日躔月離表係欽天監監正加

太常寺卿銜

臣

明圖監修伏乞

皇上恩准令明圖協同

臣

管理凡修書一應文移俱照

臣部體式而用欽天監印信鈐蓋再查增修表解圖說必須通曉算法兼善文辭之人修飾潤色庶義蘊顯著查從前修算書處修書翰林現在者有順天府府丞梅穀成原任工部侍郎何國宗二員仰懇

天恩准將梅穀成命為總裁何國宗協同總裁効力行走謹

奏請

旨奉

旨知道了欽此

乾隆三年四月十五日和碩莊親王臣允祿等謹
奏竊惟欽若授時為邦首務堯命羲和舜齊七政尚
矣三代以後推測浸疎至元郭守敬本實測以合
天行獨邁前古明大統法因之然三百餘年未加
修改未免久而有差我

朝用西洋新法數既本於實測而三角八線立法尤

密但其推算皆用成表其解釋又多參差隱晦非一家之言故學者鮮知其立法之意我

聖祖仁皇帝學貫三才精研九數

御製厯象考成一書其數惟黃赤大距減少二分餘皆仍新法算書西人第谷之舊其理則揆天協紀七政經緯究極精詳其法則彰往察來千歲日至可坐而致於是即數可以窮理即理可以定法合中西為一揆統本末於一貫非惟極一時之明備實以

開千古之顛蒙縱或久而有差因時損益其道舉
不越乎此矣自康熙年間以來西人有噶西尼法
蘭德等輩出又新製墜子表以定時千里鏡以測
遠爰發第谷未盡之義大端有三其一謂太陽地
半徑差舊定為三分今測止有十秒其一謂清蒙
氣差舊定地平上為三十四分高四十五度止有
五秒今測地平上止三十二分高四十五度尚有
五十九秒其一謂日月五星之本天舊說為平圓

今以為橢圓兩端徑長兩腰徑短以是三者則經

緯度俱有微差

臣戴進賢

臣徐懋德習知其說而

於天未有明徵未敢斷以為是雍正八年六月朔
日食按舊法推得九分二十二秒今法推得八分
十秒驗諸實測今法果合蓋自第谷至今一百五
十餘年數既不能無差而此次日食其差最顯所
當隨時修改以合天也隨經

臣明圖奏請增修日

月交食表二本奉

世宗憲皇帝諭旨發武英殿刊刻續於

御製歷象考成之末現在遵行乾隆四年四月十八日經

臣顧琮奏請增補圖說以垂永久以臣戴進賢為

總裁臣徐懋德臣明安圖為副總裁奉

旨即著顧琮專管欽此嗣於五月初八日又經臣顧琮

奏請以臣梅穀成為總裁臣何國宗協同總裁効

力並選得分修提調等官三十一員奉

旨知道了欽此嗣於十一月二十七日奉

上諭著臣允祿總理欽此欽遵該臣等查得數象首重

日躔日與天會以成歲也次月離月與日會以成
月也日月同度而日為月揜則日食日月相對而
地隔日光則月食皆以日月行度為本今依日躔
新表推算春分比前遲十三刻許秋分比前早九
刻許冬夏至皆遲二刻許然以測高度惟冬至比
前高二分餘夏至秋分僅差二三十秒蓋測量在
地面而推算則以地心今所定地半徑差與地平

上之蒙氣差皆與前不同故推算每差數刻而測量所差究無多也至其立法以本天為橢圓雖推算較難而損益舊數以合天行頗為新巧臣等按法推詳闡明理數著日躔九篇計一百九頁表六十二頁用數算法七頁謹繕稿本恭呈

御覽俟月離交食全書告竣以類相從再分卷帙再查御製厯象考成原分上下二編今所增修事屬一例故凡前書已發明者即不復解說至書中語氣多考據

西史臣等數其意義伏請

聖裁洪惟

御製厯象考成

聖祖仁皇帝指授臣允祿等率同詞臣於

大內蒙養齋編纂每日進呈

親加改正

世宗憲皇帝

御製序文刊刻頒行天下煌煌鉅典與日月同光矣我

皇上道隆繼述學貫天人今所增修伏乞

親加裁定顏曰

御製歷象考成後編與前書合成一帙所有應行修飾
文義以合體製之處伏乞

發下改正再呈

御覽恭請

欽定庶

聖聖相承備

三朝之制作後先輝映昭一代之鴻模矣臣等未敢擅便

伏乞

皇上睿鑒施行謹

奏奉

旨著刊刻欽此

乾隆七年四月十二日和碩莊親王臣允祿等謹

奏竊惟欽若授時當順天以求合故必隨時修改此

古今之恒憲也我

朝之用西法本於前明徐光啟所譯新法算書其書
非一家之言故圖表或有不合而解說多所難曉
聖祖仁皇帝御製歷象考成上下二編鎔西法之算數入

中法之型模理必窮其本源數必究其根抵非惟
極一時推測之精固已具萬世修明之道矣近年
以來西人噶西尼等又作新法其數目算術皆與
舊微有不同而日食則用圖算更與舊法迥異
戴進賢臣徐懋德素習其術每遇交食欽天監附

圖進呈雍正八年六月朔日食新法密合

世宗憲皇帝命修新表續於歷象考成之後乾隆二年臣

顧琮奏請增修表解圖說永垂千古奉

旨允行數年以來臣等悉心研究凡新法與舊不同之

處無不窮極根源乃得通其條貫其理雖不越上

下二編之範圍而其用意之精巧細密有昔人所

未及者皆抉盡底蘊層解條分合日躔月離交食

共成書十卷謹繕稿本二套恭呈

御覽伏乞

皇上親加裁定

御製序文并於卷端以光鉅典所有在館裏事諸臣職
名照例另摺開列請

旨除臣允祿及總裁諸臣不敢仰邀議叙外其餘分修
算書及分修協紀辨方書官負供事一併開列名
單進呈

御覽可否交部分別議叙之處出自

聖恩為此謹

奏請

旨奉

旨 在事官員著交部分別議叙具奏欽此

乾隆七年六月初二日奉

旨 朕志殷肯構學謝知天所請序文可勿庸頒發宜將
歷降諭旨及諸臣原奏開載於前則修書本末已明
欽此

乾隆七年四月十二日奉

旨開載諸臣職名

總理

和

碩

莊

親

王

臣

允

祿

武英殿監理

和

碩

和

親

王

臣

弘

晝

彙編

漕運總

督前署吏部

尚書

臣

顧

琮

經筵講官刑部左侍郎臣張照

原任工部右侍郎臣何國宗

鴻臚寺卿紀錄一次臣梅穀成

欽天監監正兼佐領紀錄二次臣進愛

欽天監監正加禮部侍郎銜加四級臣戴進賢

欽天監監副加三級臣徐懋德

食員外郎俸欽天監五官正加五級臣明安圖

分校

原任刑部員外郎臣高澤

戶部湖廣司主事臣孟泰巖

欽天監時憲科春官正加三級臣何君惠

工部主事留欽天監時憲科秋官正加一級臣方穀

國子監算學教習原任福建汀州府知府臣何國棟

欽天監時憲科博士加四級臣潘汝瑛

提調

欽天監主簿今陞佐領臣朝可托

欽天監天文科五官靈臺郎紀錄三次

臣

薩哈圖

欽天監主簿加一級紀錄一次

臣

毛嘉梓

收掌

欽天監時憲科博士紀錄一次

臣

永定

欽天監博士

臣

張弘漢

欽天監時憲科博士加一級

臣

祝喬齡

欽天監時憲科天文生加一級

臣

李鏊

欽天監時憲科天文生加一級

臣

白士傑

推算

欽天監時憲科博士加一級臣羅廷

欽天監時憲科博士加一級臣孫君德

欽天監時憲科博士臣王德明

欽天監時憲科天文生臣劉必顯

欽天監時憲科天文生加一級臣徐文學

欽天監天文科天文生加一級臣徐彭年

欽天監時憲科天文生臣路銓

欽天監候補天文生臣文有德

考測

欽天監天文科五官靈臺郎加三級臣陳世銓

欽天監時憲科博士紀錄一次臣鮑懷仁

欽天監時憲科天文生臣何國政

欽天監天文科天文生臣歐天瑞

欽天監候補天文生臣陶琨

校錄

欽天監時憲科天文生加一級臣董又新

欽天監時憲科天文生臣門泰

欽天監時憲科天文生臣潘從源

欽天監時憲科天文生臣何廷祿

欽天監候補天文生臣孫君禮

欽天監候補天文生臣何廷璿

欽天監候補天文生臣郎大受

武英殿監造

內務府南苑郎中兼佐領加五級紀錄十次臣雅爾岱

內務府錢糧衙門郎中兼佐領加五級紀錄十一次臣永保

內務府慎刑司貧外郎紀錄一次臣永忠

內務府廣儲司司庫加二級臣三格

監造加一級臣李保

監造臣鄭桑格

庫掌臣李延偉

庫掌臣虎什泰

欽定四庫全書蒼要卷一萬八百九十二

子部

御製厯象考成後編卷一

日躔數理

日躔總論

歲實

黃赤距緯

清蒙氣差

地半徑差

用橢圓面積為平行

求兩心差及橢圓與平圓之比例

求橢圓大小徑之中率

橢圓角度與面積相求

求均數

日躔總論

欽若授時以日躔為首務蓋日出而為晝入而為夜
與月會而為朔行天一周而為歲歲月日皆於是乎
紀故堯典以賓餞永短定治厯之大經萬世莫能易
也其推步之法三代以上不可考漢晉諸家皆以日
行一度三百六十五日四分日之一而一周天自北
齊張子信始覺有入氣之差而立損益之率隋劉焯
立盈縮躔度與四序為升降厥法加詳至元郭守敬
乃分盈縮初末四限較前代為密西法自多祿畝以

至第谷則立為本天高卑本輪均輪諸說用三角形推算其術尤精上編言之備矣近世西人刻白爾噶西尼等更相推考又以本天為橢圓均分其面積為平行度與舊法迥殊然以求盈縮之數則界乎本輪均輪所得數之間蓋其法之巧合雖若與第谷不同而其理則猶是本天高卑之說也至若歲實之轉增距緯與兩心差之漸近地半徑差蒙氣差之互為大小則亦由於積候損益舊數以成一家之言今用其法並釋其義云

歲實

日行天一周為歲周歲之日分為歲實古法日行一度故周天為三百六十五度四分度之一歲實為三百六十五日四分日之一

周日為一萬分四分堯典之一為二千五百分

曰暮三百有六旬有六日杜預謂舉全數而言則有六日其實五日四分日之一是也漢末劉洪始覺冬至後天以為歲實太強減歲餘分二千五百為二千四百六十二晉虞喜宋何承天祖沖之謂歲當有差乃損歲餘以益天周歲差之法由斯而立元郭守敬

取劉宋大明戊寅以來相距之積日時刻求得歲實
為三百六十五日二千四百二十五分比四分日之
一減七十五分而天周即為三百六十五度二千五
百七十五分矣西法周天三百六十度第谷定歲實
為三百六十五日五時三刻三分四十五秒以周日
一萬分通之得三百六十五日二四二一八七五較
之郭守敬又減萬分之三有奇以除周天三百六十
度得每日平行五十九分零八秒一十九微四十九
纖五十一忽三十九芒

即十分度之九分八
五六四七三六五八歲差則

謂恒星每年東行五十一秒不特天自為天歲自為
歲而星又自為星其理甚明其用尤便上編仍之厥
後西人奈端等屢測歲實又謂第谷所減太過酌定
歲實為三百六十五日五時三刻三分五十七秒四
十一微三十八纖二忽二十六芒五十六塵以周日
一萬分通之得三百六十五日二四二三三四四二
〇一四一五比第谷所定多萬分之一有奇以除周
天三百六十度得每日平行五十九分零八秒一十
九微四十四纖四十三忽二十二芒零三塵

即十分
度之九

分八五六一四六九六九
三五一二八二二五

比第谷所定少五纖有奇每

年少三十微有奇蓋歲實之分數增則日行之分數

減據今表推雍正元年癸卯天正冬至比第谷舊表

遲二刻日躔平行根比舊表少一分一十四秒

日見推
躔

用而第谷去今一百四十餘年以數計之其差恰合

是亦取前後兩冬至相距之積日時刻而均分之非

意為增損也至於歲實消長統天授時用之新法算

書雖為之說而實未用其數茲不具論

黃赤距緯

黃赤距緯古今所測不同自漢以來皆謂黃道出入赤道南北二十四度元郭守敬所測為二十三度九十分三十秒以周天三百六十度每度六十分約之得二十三度三十三分三十二秒新法算書用西人第谷所測為二十三度三十一分三十秒康熙五十二年

皇祖聖祖仁皇帝命和碩莊親王等率同儒臣於暢春園蒙養齋開局測太陽高度得黃赤大距為二十三度

二十九分三十秒今監臣戴進賢等厯考西史第谷所測蓋在明隆萬時而漢時多祿畝所測為二十三度五十一分三十秒較第谷為多我朝順治年間刻白爾改為二十三度三十分後利酌理噶西尼又改為二十三度二十九分俱較第谷為少其前後多少之故或謂諸家所用蒙氣差地半徑差之數各有不同故所定距緯亦異然合中西考之第谷以前未知有蒙氣差而多祿畝與古為近至郭守敬則與第谷相若而去多祿畝則有十數分之多康熙年間所用

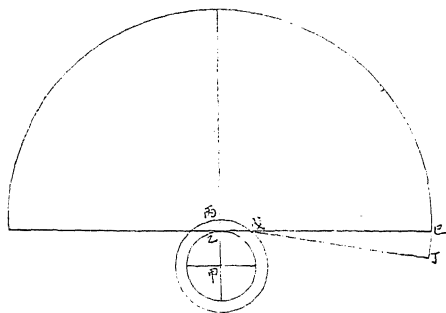
蒙氣差地半徑差俱仍第谷之舊與刻白爾噶西尼等所用之數不同而所測大距又相去不遠由此觀之則黃赤距度古今實有不同而非由於所用差數之異所當隨時考測以合天也近日西法並宗噶西尼故黃赤大距為二十三度二十九分至於測量之術推算之理上編闡奧發微千古不易故不復載

清蒙氣差

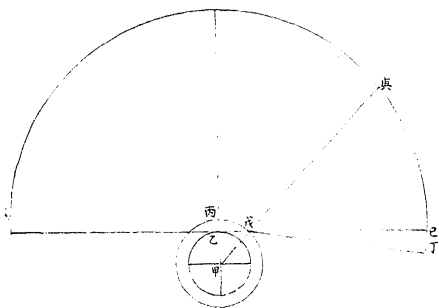
清蒙氣差西人第谷始發其義謂地中遊氣上騰能升卑為高映小為大而蒙氣之厚薄升像之高下又隨地不同其所作蒙氣差表謂其國北極出地五十五度測得地平上最大蒙氣差三十四分自地平以上其差漸少至距地高四十五度猶差五秒更高則無蒙氣矣厥後西人又言北極高四十八度太陽高四十五度時蒙氣差尚有一分餘自地平至天頂皆有蒙氣差上編具載其說而表則仍新法算書第谷

之舊也今監臣戴進賢等厯考西史第谷所定地平
上蒙氣差其門人刻白爾即謂失之稍大而猶未定
有確數至噶西尼始從而改正焉其說謂蒙氣繞乎
地球之周日月星照乎蒙氣之外人在地面為蒙氣
所映必能視之使高而日月星之光線入乎蒙氣之
中必反折之使下故光線與視線在蒙氣之內則合
而為一蒙氣之外則岐而為二此二線所交之角即
為蒙氣差角第谷已悟其理然猶未有算術噶西尼
反覆精求謂視線與光線所岐雖有不同而相合則

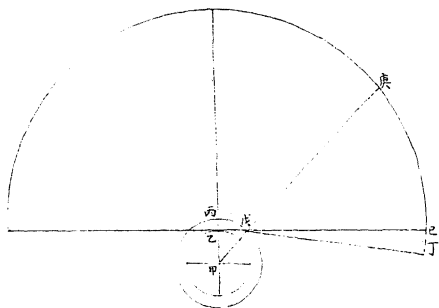
有定處自地心過所合處作線抵圜周則此線即為
蒙氣之割線視線與割線成一角光線與割線亦成
一角二角相減即得蒙氣差角爰在北極出地高四
十四度處屢加精測得地平上最大差為三十二分
一十九秒蒙氣之厚為地半徑千萬分之六千零九
十五視線角與光線角正弦之比例常如一千萬與
一千萬零二千八百四十一用是以推逐度之蒙氣
差至八十九度尚有一秒驗諸實測較第谷為密近
日西法並宗之具詳圖法於左



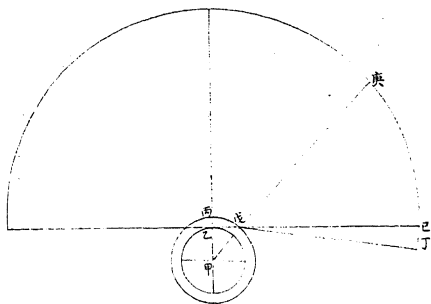
如圖甲為地心乙為地面
乙甲為地半徑一千萬丙
乙為蒙氣之厚六千零九
十五丁為太陽月星照於
蒙氣之戊人自地面乙視
之則見日於戊者當本天
之己己戊乙為視線丁戊
乙為光線是視線常高光
線常卑視線常直光線常



折在戊點蒙氣之內則光
 線與視線合同為戊乙出
 乎戊點之外則視線已戊
 光線丁戊岐而為二故已
 戊丁角為蒙氣差角試自
 地心甲出線過戊點至庚
 則庚甲即為地平上蒙氣
 之割線已戊庚角為視線
 與割線所成之角丁戊庚



角為光線與割線所成之
角而已戊丁蒙氣差角即
為兩角之較今既測得地
平上蒙氣差為三十二分
一十九秒又測定蒙氣之
厚為六千零九十五則已
戊庚視線角與丁戊庚光
線角可以得其比例其術
用甲乙戊直角三角形以



甲戌一〇〇〇六〇九五

與甲乙一千萬之比同於

乙直角正弦一千萬與戊

角正弦九九三九〇八

小餘七一之比而得戊角為八

十八度

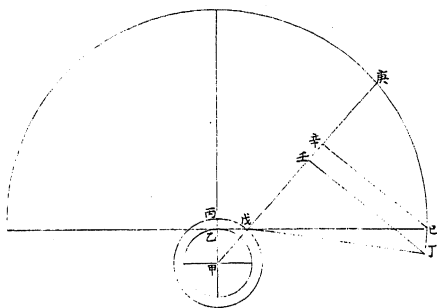
小餘百分四二秒

即已戊

庚角又以已戊丁蒙氣差

角三十二分一十九秒與

之相加得八十八度三十



二分一十九秒

四小餘

即丁

戊庚角其正弦為九九九

六七四八

二小餘

夫視線角

之正弦已辛為九九九三

九〇八

七小餘

則光線角之

正弦丁壬為九九九六七

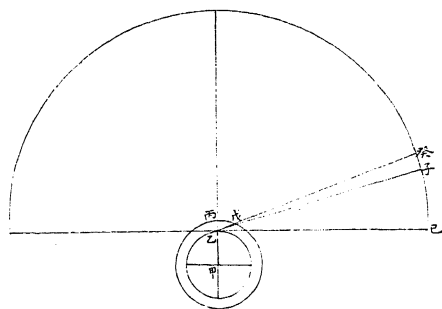
四八

二小餘

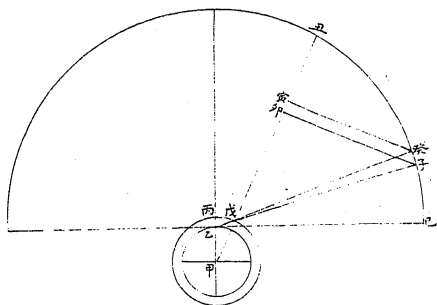
若設已辛為一

千萬則丁壬必為一〇〇

〇二八四一此兩角正弦



之比例也既得兩弦之比
 例而蒙氣差之戊角與視
 線交蒙氣割線之戊角同
 以在地平為最大漸近天
 頂則漸小則是二者常相
 因而逐度之蒙氣差皆可
 以兩弦比例而推如求地
 平上高二十度癸巳弧之
 蒙氣差則癸戊乙為視線



十五秒

小餘五五

即癸戌丑角

又以一千萬與一〇〇〇

二八四一之比同於癸寅

與子卯之比而得子戌丑

角為六十九度五十六分

五十五秒

小餘九二

兩角相減

餘癸戌子角二分四十秒

小餘三七

即地平上二十度之

蒙氣差也餘倣此

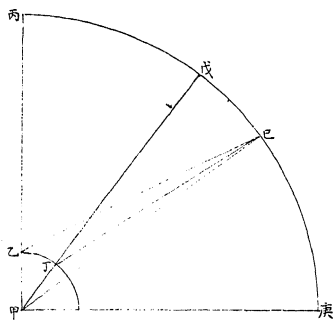
--	--	--	--	--	--	--	--	--

地半徑差

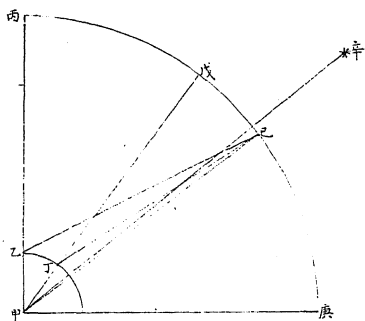
地半徑差者視高與實高之差也太陽距地平近則
差角大漸高則漸小又太陽在最早距地心近則差
角大在最高距地心遠則差角小在中距為適中新
法算書用歌白尼所定地半徑與中距日天半徑之
比例為一與一千一百四十二地平上最大差為三
分上編仍之其測量推算之法言之詳矣自後噶西
尼等謂日天半徑甚遠無地半徑差而測量所係只
在秒微又有蒙氣雜乎其內最為難定因思日月星

之在天惟恒星無地半徑差若以日與恒星相較可
得其準而日星不能兩見是測日不如測五星也王
木二星在日上去地尤遠地半徑差愈微金水二星
雖有時在日下而其行繞日逼近日光均為難測惟
火星繞日而亦繞地能與太陽衝故夜半時火星正
當子午線於南北兩處測之同與一恒星相較其距
恒星若相等則是無地半徑差若相距不等即為有
地半徑差其不等之數即兩處地半徑差之較且火
星衝太陽時其距地較太陽為近則太陽地半徑差

必更小於火星地半徑差也噶西尼用此法推得火星在地平上最大地半徑差為二十五秒比例得太陽在中距時地平上最大地半徑差為一十秒驗之交食果為脗合近日西法並宗其說今用所定地半徑差求地半徑與日天半徑之比例中距為一與二萬零六百二十六最高為一與二萬零九百七十五最早為一與二萬零二百七十七以求地平上最大之地半徑差最高為九秒五十微最早為一十秒一十微測算之法並述於左



康熙十一年壬子秋分前
十四日火星與太陽衝西
人噶西尼於富郎濟亞國
測得火星距天頂五十九
度四十分一十五秒利實
爾於噶耶那島測得火星
距天頂一十五度四十七
分五秒同時用有千里鏡
能測秒微之儀器與子午



線上最近一恒星測其相

距噶西尼所測火星較低

一十五秒如噶西尼測得

四十分一十五秒利實爾

測得火星距恒星下四十

分又逐日細測恒星距天

頂噶西尼測得為五十九

度利實爾測得為一十五

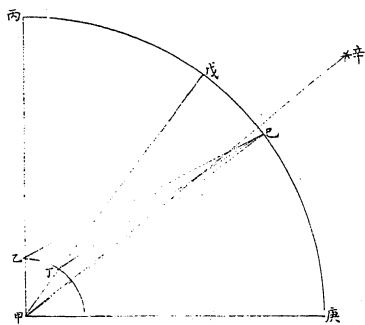
度七分五秒各與所測火

星距恒星之數相加即以

各得火星距天頂之度以

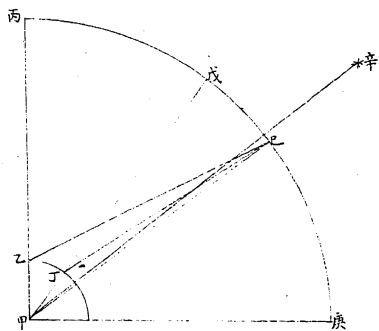
之立法甲為地心乙為富

即濟亞國地面丙為天頂

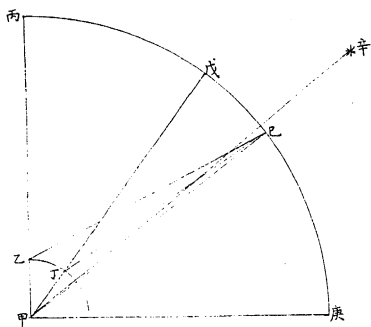


為視距地
心為實距
辛為恒星
辛甲

丙角為乙處恒星距天頂
之度辛甲戊角為丁處恒
星距天頂之度因恒星距
地甚遠地面所視與地心
無異故無地半徑差假若
火星亦無地半徑差則乙
處火星實距天頂當為已
甲丙角丁處火星實距天



頂當為已甲戌角而火星
與恒星之相距即同為已
甲辛角無高低之異乃一
處所測火星距天頂為已
乙丙角較之實距天頂之
已甲丙角低一乙已甲角
是即乙處之地半徑差也
丁處所測火星距天頂為
已丁戌角較之實距天頂



之已甲戊角低一丁已甲

角是即丁處之地半徑差

也夫火星之距恒星一也

因乙處所測火星距天頂

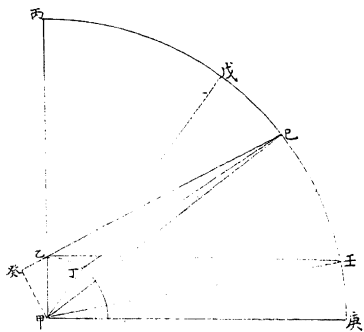
遠故乙已甲差角大丁處

所測火星距天頂近故丁

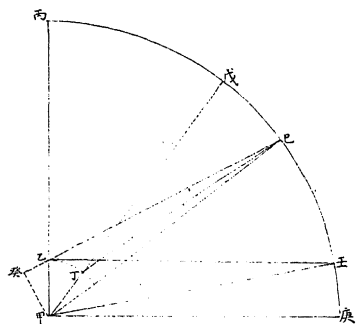
已甲差角小則乙處所測

火星距恒星較丁處低一

十五秒即兩差角相減所



餘之丁巳乙角乃兩處地
 半徑差之較也既得地半
 徑差較丁巳乙角而欲求
 地平上最大差甲壬乙角
 則以兩處所測火星距天
 頂之正弦相減與地半徑
 差較秒數之比即同於半
 徑一千萬與地平上最大
 差秒數之比蓋將已乙線



引長至癸自甲作甲癸垂

線成甲癸乙直角形癸為

直角乙角與己乙丙為對

角即乙處火星距天頂之

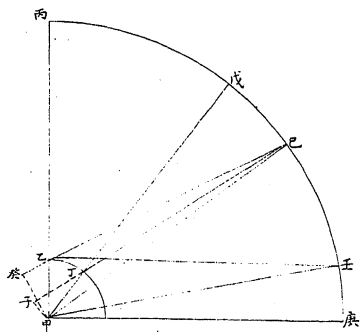
度甲癸為地半徑差乙己

甲角之正弦甲己為半徑故甲乙

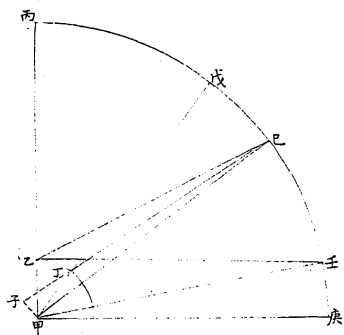
為地半徑即最大差甲壬

乙角之正弦甲壬為半徑故其法

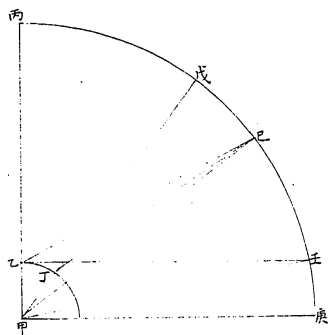
為乙角正弦與甲癸之比



同於癸直角正弦一千萬
與甲乙之比檢表而得壬
角也又將已丁線引長至
子自甲作甲子垂線成甲
子丁直角形子為直角丁
角與已丁戊為對角即丁
處火星距天頂之度甲子
為地半徑差丁已甲角之
正弦甲丁與甲乙等亦為



最大差甲壬乙角之正弦
 其法為丁角正弦與甲子
 之比同於子直角正弦一
 千萬與甲丁之比亦檢表
 而得壬角也夫兩視距天
 頂之正弦與兩地半徑差
 正弦之比既皆同於一千
 萬與最大差正弦之比則
 兩視距天頂正弦相減之



最大差秒數之比矣故以

已乙丙角五十九度四十

分一十五秒之正弦八六

三一三八六與已丁戊角

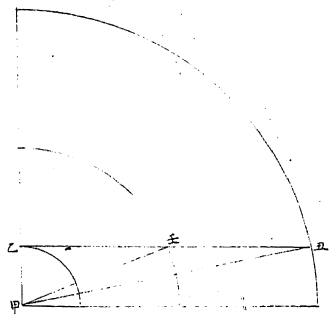
一十五度四十七分五秒

之正弦二七二〇二三六

相減餘五九一一一五〇

為一率乙已丁角一十五

秒為二率一千萬為三率



求得四率二十五秒

三小餘七

即甲壬乙角為火星在地

平上最大之地半徑差也

既得火星地半徑差甲壬

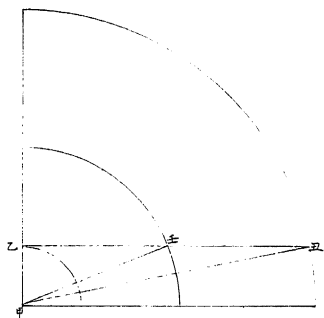
乙角而欲求太陽地半徑

差甲丑乙角據歌白尼第

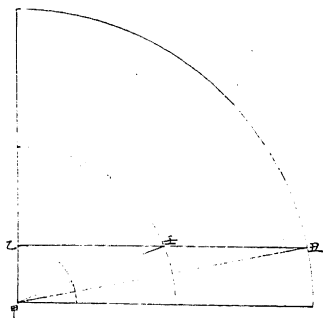
谷測得火星距地甲壬與

太陽距地甲丑之比如一

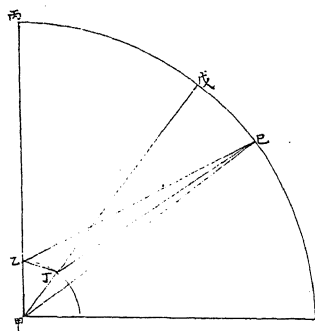
百與二百六十六其法當



先用甲乙壬形以乙角正
弦為一率甲壬為二率壬
角正弦為三率甲乙為四
率此第一比例也次用甲
乙丑形以甲丑為一率乙
角正弦為二率甲乙為三
率丑角正弦為四率此第
二比例也然第二比例之
二率三率即第一比例之

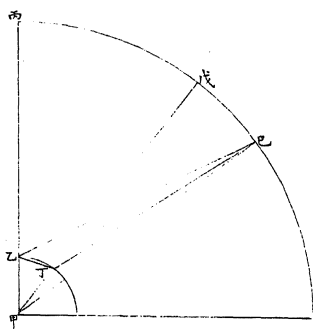


一率四率而一率四率相
 乘原與二率三率相乘之
 數等故即以甲丑二六六
 為一率甲壬一〇〇為二
 率壬角二十五秒小餘三七為
 三率求得四率九秒小餘五三
 進為一十秒為丑角度因壬
 丑二角甚小正弦與角度
 可以相為比例故壬角用
 秒丑角即太陽在地平上
 亦得秒



最大之地半徑差也

又按上編日躔求地半徑
差法以兩處恒星距天頂
相減餘四十三度五十二
分五十五秒為戊丙弧即
戊甲丙角先用乙甲丁三
角形甲乙甲丁二邊俱命
為一千萬以甲角折半之
正弦倍之得七四七三〇



二三為乙丁邊又以甲角

與半周相減餘數半之得

六十八度三分三十二秒

三十微為乙角亦即丁角

次用乙巳丁三角形此形

有乙丁邊有巳乙丁角五

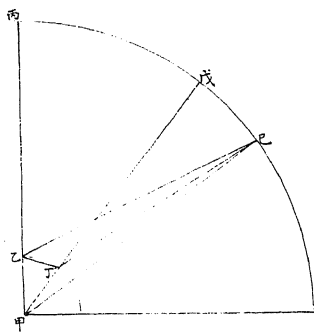
十二度一十六分一十二

秒三十微

半周內減去甲乙丁角又減去

巳乙丙角餘有巳丁乙角

即巳乙丁角



一百二十七度四十三分

三十二秒三十微半周內減去甲

丁乙角加己丁戊有乙己角即己丁乙角

丁角一十五秒乙丁二角相併與半

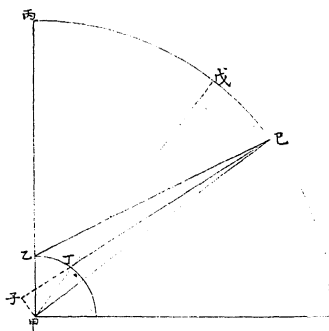
周相減餘即己角與前地半徑差較合求得

己丁邊八一二七五十二

五一五四小餘二九次用己丁

甲三角形此形有甲丁邊

有丁己邊有丁外角一十



五度四十七分五秒

即丁火處

天星
頂距

將已丁線引長至子

成甲子丁直角形丁角正

弦二七二〇二三六

五小餘

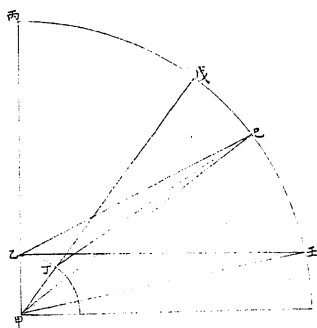
即甲子邊丁角餘弦九六

二二九〇六即丁子邊以

丁子與巳丁相加得巳子

八一二八四七四八〇六

○小餘為股甲子為勾求



得弦八一二八四七四八

一一二為甲己邊與甲壬

等即火星距地心數以地

半徑較之其比例為一與

八千一百二十八又以甲

壬為一率甲乙為二率一

千萬為三率求得四率一

二三〇小餘二四為壬角之正

弦檢表得二十五秒小餘三七

為火星在地平上最大差

與前法所得數同

上編求日躔地

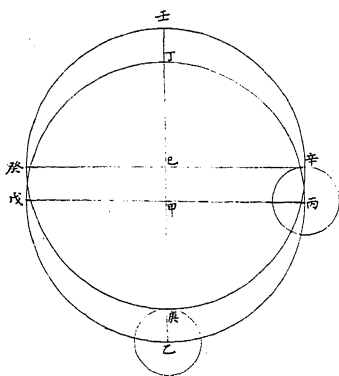
半徑差亦可用前法算但兩處所測太陽一在天頂南一在天頂北其差角為地半徑差總當以兩距天頂之正弦相加與地半徑差總秒數之比同於一千萬與地平上最大差秒數之比耳

用橢圓面積為平行

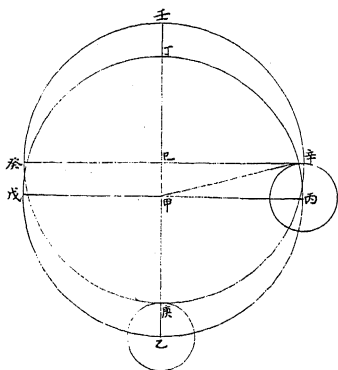
太陽之行有盈縮由於本天有高卑春分至秋分行最高半周故行縮而歷日多秋分至春分行最卑半周故行盈而歷日少其說一為不同心天一為本輪而不同心天之兩心差即本輪之半徑故二者名雖異而理則同也第谷用本輪以推盈縮差惟中距與實測合最高前後則失之小最早前後則失之大又最高之高於本天半徑最卑之卑於本天半徑者非兩心差之全數而止及其半故又用均輪以消息乎

其間而後高卑之數盈縮之行與當時實測相合上
編言之詳矣然天行不能無差元郭守敬定盈縮之
最大差為二度四〇一四以周天三百六十度每度
六十分約之得二度二十二分新法算書第谷所定
之最大差為二度零三分一十一秒刻白爾以來屢
加精測盈縮之最大差止有一度五十六分一十二
秒又以推逐度之盈縮差最高前後本輪固失之小
矣均輪又失之大最早前後本輪固失之大矣均輪
又失之小乃設本天為橢圓均分橢圓面積為逐日

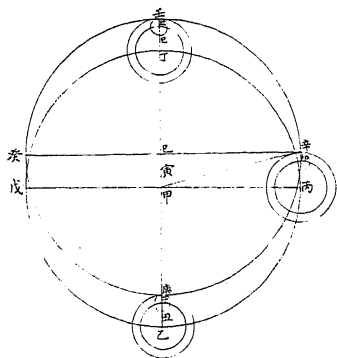
平行之度則高卑之理既與舊說無異而高卑前後盈縮之行乃俱與今測相符具詳圖說如左



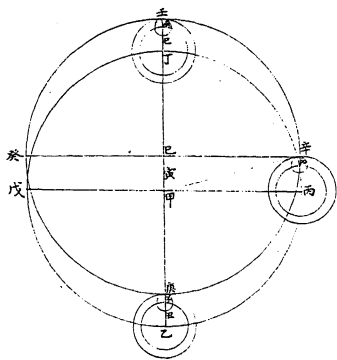
如圖甲為地心乙丙丁戊為黃道已為不同心天之心庚辛壬癸為不同心天乙庚為本輪半徑與甲己兩心差等以本輪之法論之最早時本輪心在乙太陽在庚中距時本輪心在



丙太陽在辛乙丙為平行
九十度辛甲丙角為平行
實行之最大差以不同心
天之法論之太陽自最卑
庚行至辛亦九十度已辛
甲角為平行實行之最大
差與辛甲丙角等故本輪
之法與不同心天之法相
同以均輪之法論之最卑



時本輪心在乙均輪心在
 子太陽在丑中距時本輪
 心在丙均輪心在外太陽
 在辛最高時本輪心在丁
 均輪心在辰太陽在巳辛
 甲丙角最大差仍當甲巳
 之全而丑乙之卑於本天
 半徑已丁之高於本天半
 徑者止及甲巳之半與甲



寅等故以推盈縮差惟中

距與本輪同最高半周比

之本輪則大

距地近故角大

最卑

半周比之本輪則小

距地遠故

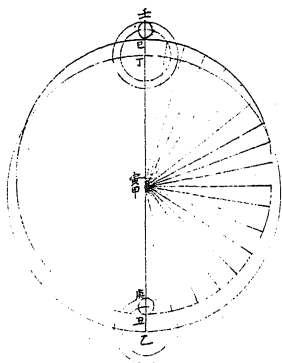
角此其所以消息乎本輪

之行度者當時必有所據

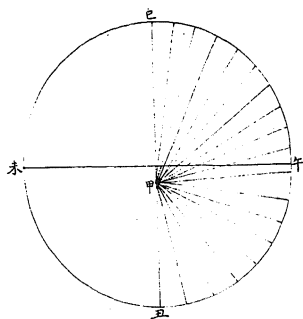
而自刻白尔以來則謂高

卑之數均輪所定誠是但

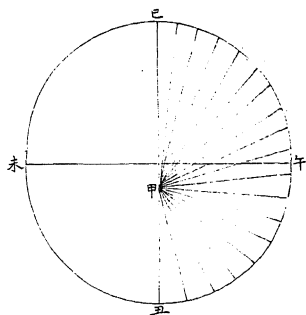
其數漸減耳至以推盈縮



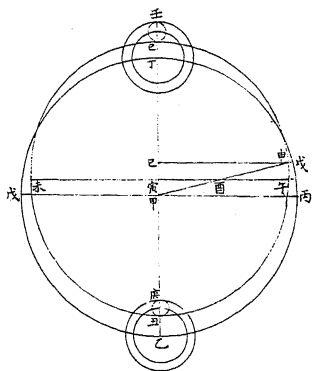
差則均輪之所消息者又
 屬太過惟以寅為不同心
 天之心作橢圓形自地心
 甲瓜分之計太陽在橢圓
 周右旋其所行之分橢圓
 面積日日皆相等而用以
 推黃道實行之盈縮則在
 本輪均輪所得數之間而
 與實測脗合試以寅為心



圓小半徑則橢圓不以甲
 巳為心而以寅為心丑乙
 之卑於黃道巳丁之高於
 黃道者止及甲巳之半與
 寅甲等是高卑之理與均
 輪合矣又將橢圓面積以
 甲為心均分為三百六十
 分每分之積皆為一度每
 一度積為六十分太陽每



日右旋當每一度積之五十九分有奇是為平行在最早半周甲心至橢圓界之線短則角度必寬是為行盈在最高半周甲心至橢圓界之線長則角度必狹是為行縮故太陽循橢圓周行惟所當之面積相等而角不等其角度與積



度之較即平行實行之差

中距平行至申甲申丑積

為橢圓四分之一為平行

九十度與寅午丑積等

酉積微大于酉寅甲積亦

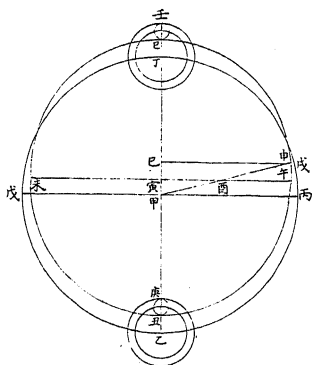
然所差無多故為相等

與申巳甲角等而自地心

甲計之巳當黃道之戌戌

甲丑角為實行巳申甲角

為平行實行之差是中距



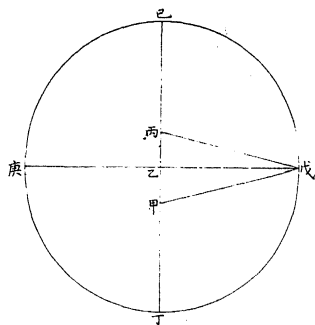
之盈縮差與本輪均輪皆
合矣用是以推逐度之盈
縮差在最高半周比之本
輪固大比之均輪又微小
最卑半周比之本輪固小
比之均輪又微大驗諸實
測庶為近之推算之法具
詳後篇

求兩心差及橢圓與平圓之比例

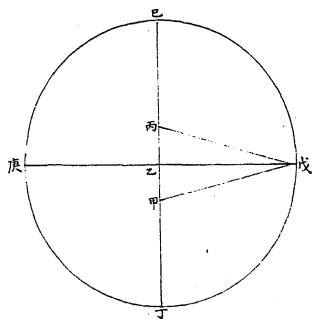
新法算書日躔中距之盈縮差為二度零三分零九
秒四十微檢其正切得兩心差為三五八四一六上
編仍之今測中距之盈縮差得一度五十六分一十
二秒折半得五十八分零六秒檢其正弦得一六九
〇〇〇為兩心差倍之得三三八〇〇〇比舊數少
千分之二有奇乃以兩心差一六九〇〇〇為勾平
圓半徑一千萬為弦求得股九九八五七一小餘四

八
九一 一即橢圓之小半徑而凡橢圓之正弦角度面

積與平圓之比例皆同於橢圓之小半徑與平圓半徑之比例焉



如圖甲為地心乙為本天
心甲乙為兩心差甲丙為
倍差丁戊己庚橢圓為本
天乙丁為大半徑一千萬
乙戊為小半徑丙戊甲戊
皆與乙丁等太陽行至戊
甲戊丁分橢圓面積八十



九度一分五十四秒為平

行其小於九十度之五十

八分六秒即甲乙戌勾股

積乙戌丁積為橢圓四分

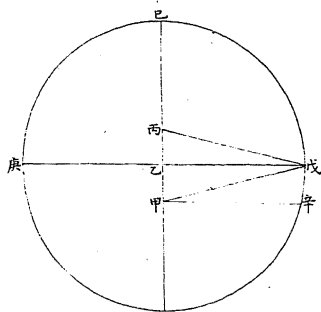
丁積小於九十度之亦即

乙戌甲角甲乙戌勾股積

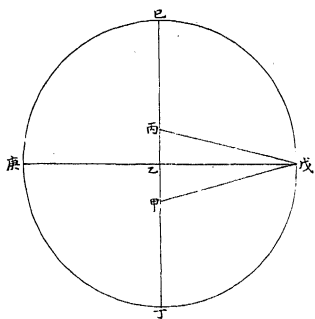
乙戌邊即小徑其積介乎

大小徑之間與分平圓面

相似故積度即角度若近
甲丁則邊短而角大近甲
巳則邊長而戊甲丁角九
角小詳後篇



十度五十八分零六秒為
實行其大於九十度者亦
五十八分六秒即戊甲辛
角與乙戊甲角等亦與丙
戊乙角等平行實行之差
一度五十六分一十二秒
即甲戊丙角折半得五十
八分零六秒即乙戊甲角
甲戊既為一千萬則甲乙



即乙戌甲角之正弦故檢

表得一六九〇〇〇即甲

乙兩心差以甲乙為勾甲

戌為弦求得乙戌股九九

九八五七一

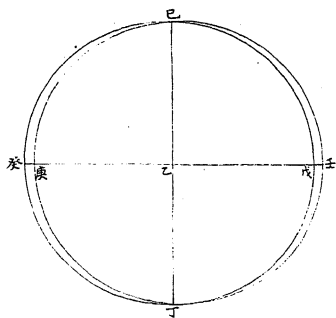
小餘八四八
〇一九一

即橢圓小半徑也既得橢

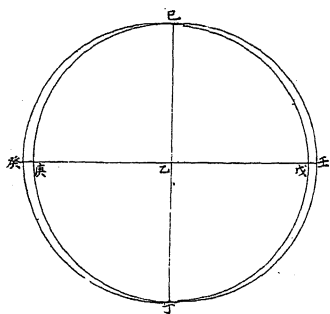
圓小徑則凡橢圓之面線

及角度皆可以得其比例

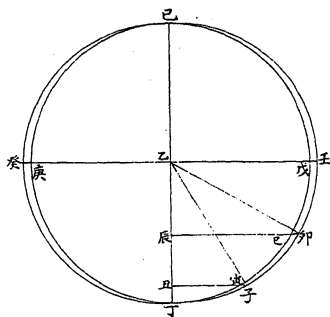
以正弦之比例言之試以



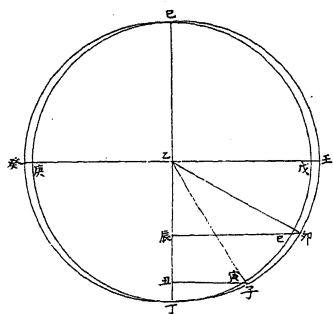
乙為心乙丁為半徑作丁
壬巳癸平圓則橢圓乙丁
大半徑與平圓乙壬半徑
相等戊乙小半徑之小於
平圓半徑者即壬戊橢圓
差若逐度割之則橢圓之
餘弦必與平圓之餘弦相
等而橢圓之正弦必小於
平圓之正弦然平圓正弦



與橢圓正弦之比例必同
 於平圓半徑與橢圓小半
 徑之比例也如丁點為初
 度無正弦丁乙為初度之
 餘弦平圓與橢圓等丁壬
 弧為九十度無餘弦壬乙
 為平圓九十度之正弦即
 大半徑戊乙為橢圓九十
 度之正弦即小半徑壬戊



即九十度之橢圓差丁子
弧為三十度丑乙為三十
度之餘弦平圓與橢圓等
子丑為平圓三十度之正
弦寅丑為橢圓三十度之
正弦子寅為三十度之橢
圓差丁卯弧為六十度辰
乙為六十度之餘弦平圓
與橢圓等卯辰為平圓六



十度之正弦已辰為攢圓

六十度之正弦卯已為六

十度之橢圓差則子丑與

寅丑之比卯辰與巳辰之

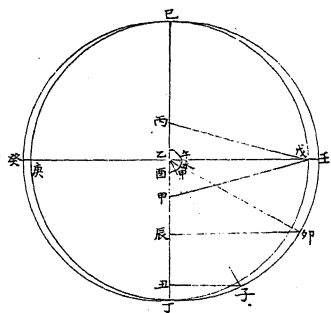
比皆同於壬乙與戊乙之

比而子丑與子寅之比卯

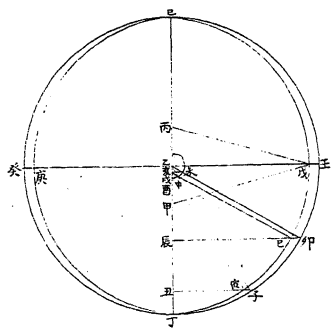
辰與卯巳之比皆同於壬

乙與壬戌之比也奚以明

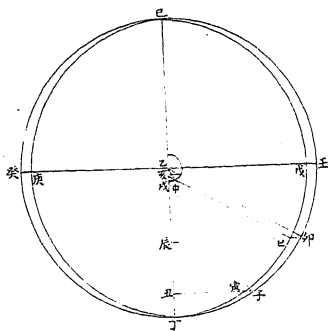
其然也蓋橢圓之與平圓



處處皆有一小半徑藏乎
其內試取壬戌之分於乙
心作園則午乙未乙申乙
酉乙皆與壬戌等壬午卯
未子申丁酉皆與戌乙等
是推而抵於平圓之界各
有一小半徑在也又自甲
丙二點出線合於戌則小
徑之端在戌而未在乙自



甲丙二點出線合於丁則
小徑之端在丁而未在酉
若自甲丙出二線合於寅
則小徑必端在寅而未在
戌合於巳則小徑必端在
巳而未在亥是引而歸於
平圓之徑又各有一小半
徑在也夫寅戌巳亥既皆
為小徑而申戌未亥又與



比卯辰與巳辰之比同於

卯乙

乙即壬

與巳亥

乙即戊

之

比又子丑與申戌

寅即子

之

比同於子乙

乙即壬

與申乙

即壬

之比卯辰與未亥

卯即

巳之比同於卯乙

乙即壬

與

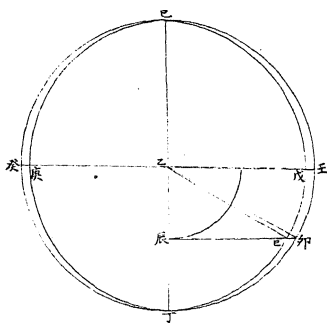
未乙

戊即壬

之比是平圓與

橢圓正弦之比例同於大

徑與小徑之比例也以角



度之比例言之設卯乙辰

角為平圓六十度

即丁卯弧

求

橢圓之已乙辰角試以乙

辰為半徑作弧則卯辰為

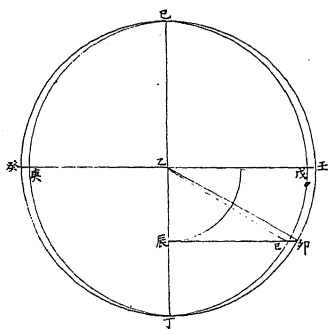
卯乙辰角之正切已辰為

已乙辰角之正切夫卯辰

與已辰之比既同於壬乙

與戌乙之比則卯乙辰角

之正切與已乙辰角正切



之比亦必同於壬乙與戊

乙之比故以壬乙一千萬

為一率戊乙九九九五

七一八小五餘為二率卯乙辰

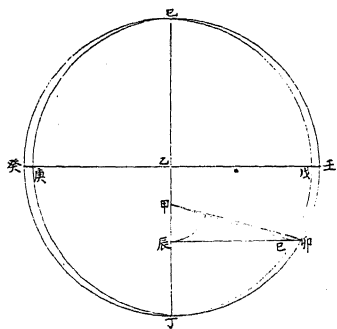
角六十度之正切一七三

二〇五〇八為三率求得

四率一七三一八〇三四

為己乙辰角之正切檢表

得五十九度五十九分四



同於壬乙與戊乙之比則

巳辰與卯辰之比必同於

戊乙與壬乙之比而已甲

辰角之正切與卯甲辰角

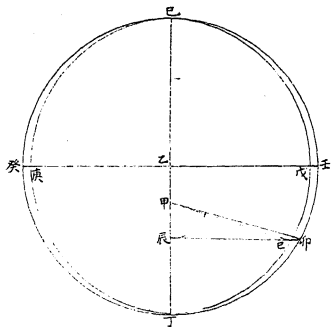
正切之比亦必同於戊乙

與壬乙之比故以戊乙九

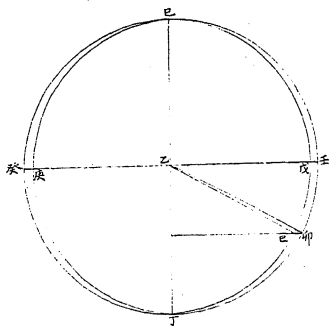
九九八五七一小餘八五為一

率壬乙一千萬為二率巳

甲辰角之正切一七九二



三八九七為三率求得四
 率一七九二六四五七為
 卯甲辰角之正切檢表得
 六十度五十分四十五秒
 即卯甲辰角而卯甲己角
 一十三秒為橢圓差角是
 平圓與橢圓角度之比例
 亦同於大徑與小徑之比
 例也再以面積之比例言



之凡平圓面積與橢圓面

積之比例同於平圓外切

正方面積與橢圓外切長

方面積之比例亦即同於

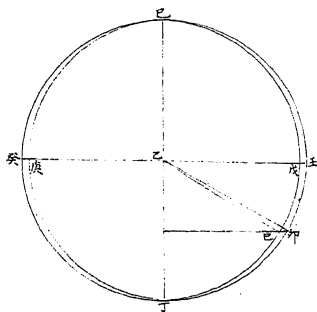
橢圓大徑與小徑之比例

橢圓大徑即平圓徑見幾
何原本八卷第十二節

如求橢圓六十度之面積

則先設丁卯弧六十度求

乙卯丁六十度之平圓面



積以比之法以半周率三

一四一五九二六五

定率圓徑

一千萬則圓周為三一四一五九二六五今一千萬

為半徑故周用三分之得率為半周

一〇四七一九七五五為

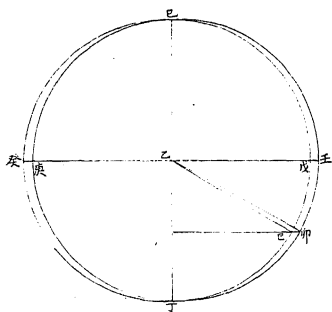
卯丁弧線

因卯丁弧六十度為半周三分

之一故三分半周率而得卯丁弧線若有奇零則須

用比與乙卯半徑一千萬

相乘折半得五二三五九



八七七五〇〇〇〇〇〇即

乙卯丁分平圓六十度之

面積而為丁壬巳癸平圓

全積六分之一又以壬乙

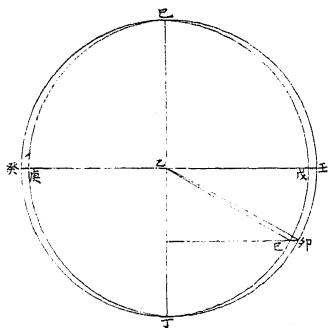
大半徑一千萬為一率戊

乙小半徑九九八五七

一小餘為二率乙卯丁積

為三率求得四率五二三

五二三九九七二四〇九



五即乙巳丁分橢圓六十

度之面積而為丁戌巳庚

橢圓全積六分之一也

此所

得六十度積較之全積六

分之一尾數稍大因小徑

之小餘為八四八進為八

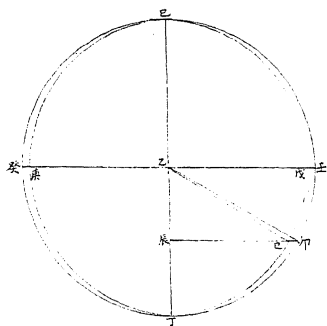
忽可不計也

蓋將平圓橢圓二

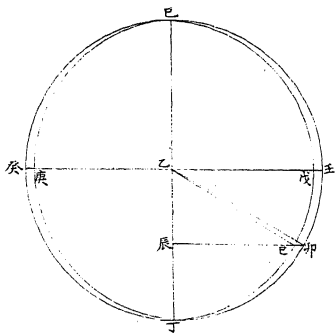
面積依壬癸橫徑縷析之

則皆成線矣其線與線之

比既同於大徑與小徑之



比則面與面之比亦同於
大徑與小徑之比故分之
丁卯辰弧矢積與丁巳辰
弧矢積之比卯辰乙勾股
積與巳辰乙勾股積之比
皆同於大徑與小徑之比
而合之乙卯丁分平圓面
積與乙巳丁分橢圓面積
之比亦必同於大徑與小



徑之比也既得橢圓與平
圓之各比例則面線角度
皆可得而求至於橢圓正
弦以平圓命度而角度不
同分橢圓面積與全積相
當而角不相應則橢圓差
之所生而與平圓之所以
別也

求橢圓大小徑之中率

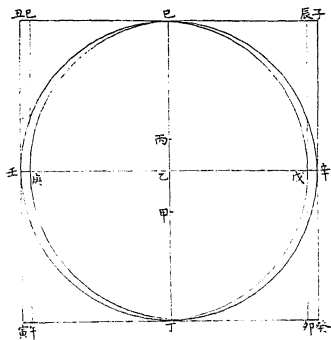
凡平圓面積自中心分之其所分面積之度即其心角之度以圓界為心角之規而半徑俱相等也若橢圓有大小徑角與積已不相應矣

見前篇

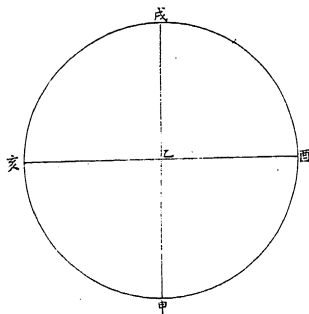
况實行之角

平行之積皆不以本天心為心而以地心為心太陽距地心線自最早以漸而長逐度俱不等又何以知積之為度而與角相較乎然以大小徑之中率作平圓其面積與橢圓等將平圓面積逐度遞析之則度分秒皆可按積而稽橢圓之全積既與平圓全積等

則其遞析之面積亦必相等故分橢圓面積雖非度亦可以度命之而度分秒亦可按積而稽也



如圖甲為地心乙為本天
心乙甲為兩心差丙甲為
倍差丁戊己庚橢圓為本
天乙丁為大半徑一千萬
乙戊為小半徑九九九八
五七一〇小餘八四八試以
乙丁大半徑作丁辛己壬



平圓則平圓與橢圓二面
積之比例同於平圓外切

癸子丑寅正方積與橢圓

外切卯辰巳午長方積之

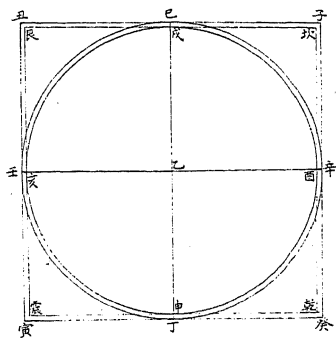
比例又試以乙丁大半徑

為首率乙戌小半徑為末

率求得乙申中率九九九

九二八五小餘八九作平圓則

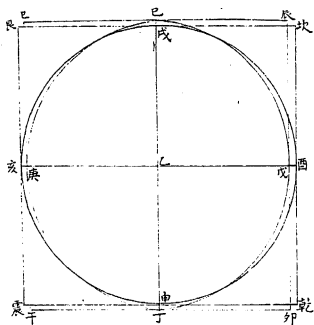
大半徑所作丁辛巳壬平



圓與中率所作申酉戌亥
平圓二面積之比例亦同
於大徑平圓外切癸子丑
寅正方積與中率平圓外
切乾坎艮震正方積之比
例此二比例既同而乾坎
艮震正方積原與卯辰巳
午長方積等

首率末率相
乘與中率自

乘則申酉戌亥平圓積亦



必與丁戊巳庚橢圓積相

等矣乃以巳丁大徑二千

萬與戊庚小徑一九九九

七一四三小餘六九六相

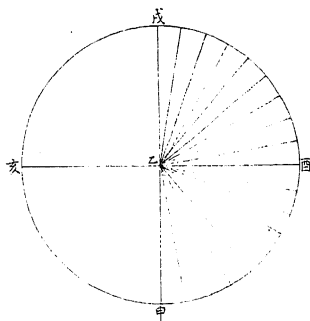
乘得卯辰巳午長方積與

乾坎艮震正方積等以方

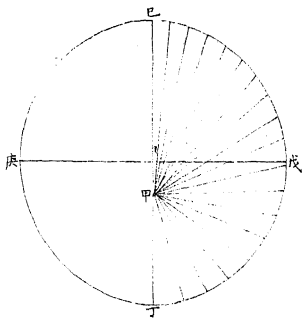
與圓之比例定率七八五

三九八一六二五通之得

三一四一一四三九八二



八二三三七為申酉戌亥
平圓面積與丁戌巳庚摺
圓面積等將申酉戌亥平
圓面積以三百六十度除
之得八七二五三九九
五二二九為一度之面積
其形為分平圓面其兩腰
皆為中率半徑與乙申等
其弧其角皆為一度若將



丁戊巳庚橢圓面積自甲

心亦平分為三百六十分

則其形為分橢圓面其兩

腰自甲丁極短以漸而長

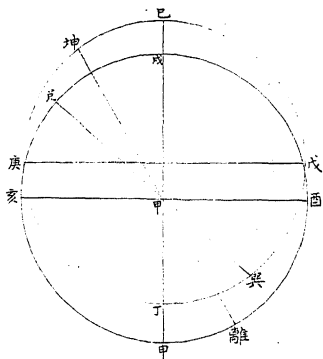
逐度俱不等其弧其角亦

不等然其每分之面積則

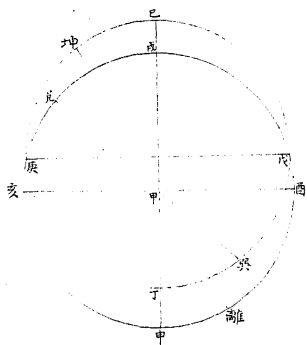
皆與一度之面積等故凡

分一段橢圓面積以一度

之面積為法而一則面積



即可以度分命之然後以面積之度與角度相較而平行實行之差出焉如以甲為心以中率為半徑作平圓則甲巽丁分橢圓面積為太陽距最早後之平行度與甲離申分平圓面積等亦即與離甲申角等與甲離角為平行實行之

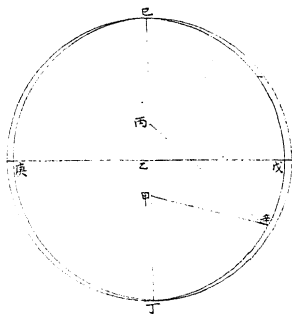


差其實行在平行前甲坤
 已分橢圓面積為太陽距
 最高後之平行度與甲兌
 成分平圓面積等亦即與
 兌甲戌角等兌甲坤角為
 平行實行之差其實行在
 平行後也

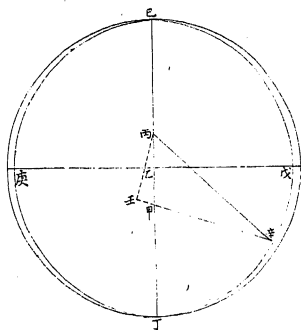
橢圓角度與面積相求

前篇言以面積之度與角度相較而平行實行之差以出蓋太陽距最早後平行之度必與太陽距地心線所分之橢圓面積等故可以平行度為面積而求實行也然實行固角度也以實測言之則先得實行後求平行以角而求積也易以推步言之則先設平行後求實行以積而求角也難故先設以角求積之法可以知數理之實次設以積求角之法可以知比例之術次設借積求積借角求角之法可以知巧合

補湊之方反覆參稽而數之離合乃纖悉畢呈焉圖
說詳著於左



先設以角求積法如圖甲
為地心乙為本天心甲乙
為兩心差丙甲為倍差丁
戊巳庚為本天丁為最卑
巳為最高設太陽在辛辛
甲丁角為實行距最早後
六十度求甲辛丁分橢圓



面積平行若干度分先將

甲辛線引長至壬作丙壬

垂線成甲丙壬辛丙壬兩

勾股形乃以半徑一千萬

為一率甲角六十度之正

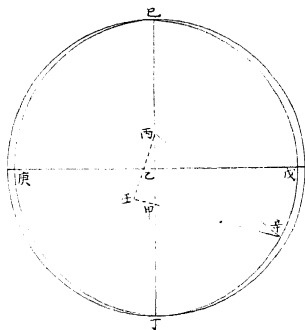
弦八六六〇二五四為二

率

丙甲壬角與辛甲丁角為對角其度相等丙

甲倍兩心差三三八〇〇

〇為三率求得四率二九



二七一六五小餘九為丙壬邊

又以半徑一千萬為一率

甲角六十度之餘弦五〇

〇〇〇〇為二率丙甲

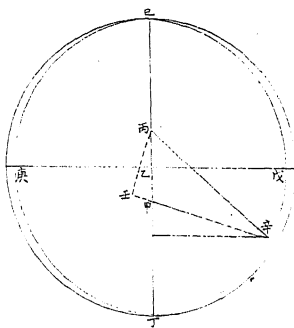
邊為三率求得四率一六

九〇〇〇為甲壬邊次以

丙壬為勾自乘以甲壬與

甲辛丙辛兩邊和二千萬

相加得二〇一六九〇〇



○為股弦和除之得四二

四八

二小餘五

為股弦較與股

弦和相加折半得一○○

八六六二四

一小餘三

為丙辛

邊與二千萬相減餘九九

一三三七五

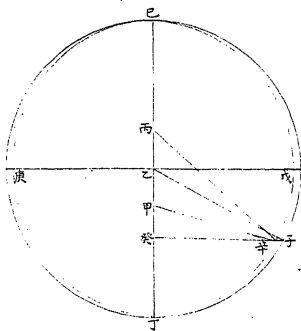
八小餘七

為甲辛

邊即太陽距地心線次以

半徑一千萬為一率甲角

六十度之正弦八六六○



二五四為二率甲辛邊為

三率求得四率八五八五

二三五三小餘即辛癸邊次

以橢圓小徑九九九八五

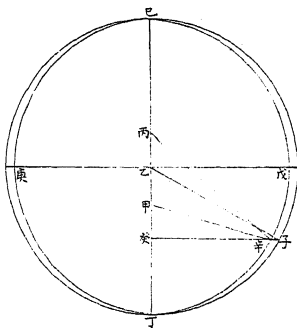
七一八小餘為一率大徑一

千萬為二率辛癸邊為三

率求得四率八五八六四

六一五小餘即子癸邊檢正

弦得五十九度九分五十



三秒

六九小餘

即乙角度亦即

子丁弧度次以半周天一

百八十度化作六十四萬

八千秒為一率半圓周定

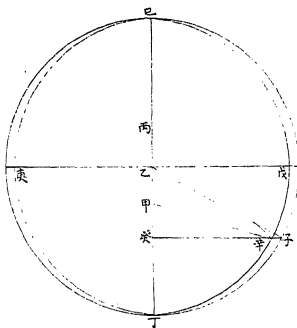
率三一四一五九二六小餘

五為二率乙角度分化作

二十一萬二千九百九十

三秒六九小餘為三率求得四

率一〇三二六二二五小餘



四七八四
九九
為子丁弧線與

乙丁半徑一千萬相乘折

半得五一六三一一二七

三九二〇〇五為乙子丁

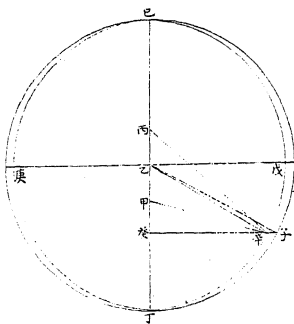
分平圓面積次以橢圓大

徑一千萬為一率小徑九

九九八五七一八小餘為二

率乙子丁積為三率求得

四率五一六二三七五三



六九二五四六為乙辛丁

分攢圓面積次以乙甲一

六九〇〇〇與辛癸八五

八五二三五小餘三〇相乘折

半得七二五四五二八八

二八五〇為辛乙甲三角

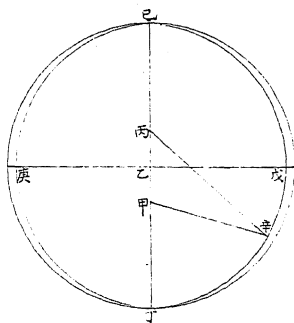
積辛乙甲三角積以乙甲

為底辛癸為高故與同

底同高折與乙辛丁積相

半之積等

減餘五〇八九八三〇〇



八〇九六九六即甲辛丁

分橢圓面積以一度之面

積定率八七二五三九九

九五二二九除之得五十

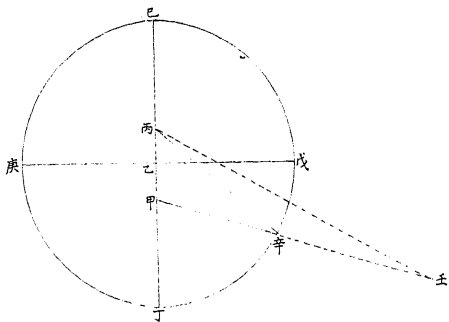
八度三三四八小餘收作

五十八度二十分〇秒三

十三微即實行距最早後

六十度時之平行度也

又法求甲辛太陽距地心



線將甲辛線引長至壬使

辛壬與丙辛等又自丙至

壬作丙壬線成甲丙壬三

角形此形知丙甲倍兩心

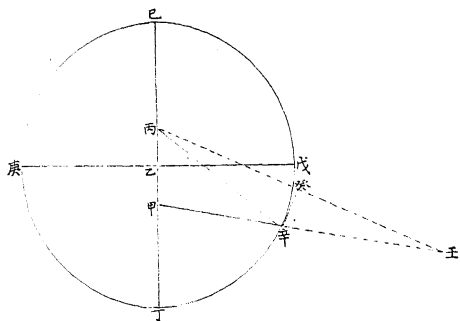
差三三八〇〇〇知甲壬

二千萬甲辛丙辛共二千

等故甲壬知甲外角六十

度用切線分外角法求得

壬角四十九分五十三秒



小餘又求得丙壬邊二〇

一七一〇八〇小餘次將

丙壬邊折半於癸作辛癸

垂線成壬癸辛直角形以

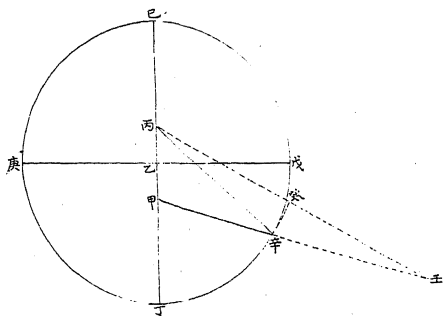
半徑一千萬為一率壬角

正割線一〇〇〇一〇五

三小餘為二率癸壬邊一

〇〇八五四〇小餘

為三率求得四率一〇〇



八六六〇二

六小餘一

為辛壬

邊與甲壬二千萬相減餘

九九一三三九七

三小餘九即

甲辛太陽距地心線也此

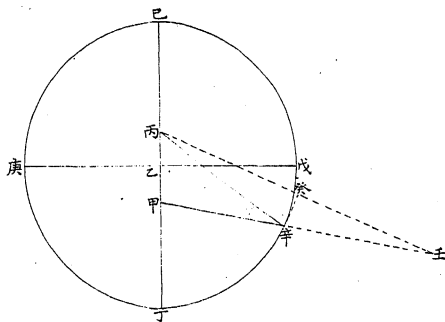
法所得甲辛線較前法多

二十二蓋因壬角甚小比

例易差耳然其角度自不

爽故後借角求角之法則

用之且以甲為心以二千



萬為半徑作圓

如甲壬

又取

兩心差之倍度截直徑於

丙自丙出線至圓周

如丙壬

折半作垂線

如癸辛

所抵圓

徑之點即橢圓界

如辛點

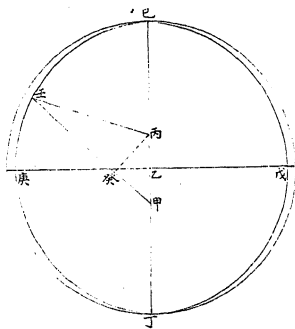
依

法逐度作點連之即成橢

圓周以此發明橢圓之理

最為精巧故附於此

又設太陽在壬壬甲巳角



為實行距最高後六十度

求甲壬巳分橢圓面積平

行若干度分則以半徑一

千萬為一率甲角六十度

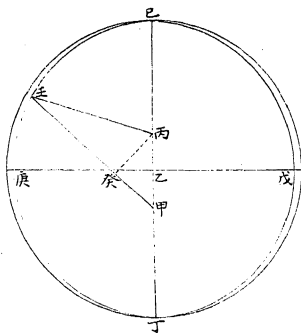
之正弦八六六〇二五四

為二率丙甲三三八〇〇

〇為三率求得四率二九

二七一六小餘五九為丙癸垂

線又以半徑一千萬為一



率甲角六十度之餘弦五

○○○○○為二率丙

甲邊為三率求得四率一

六九○○○為甲癸分邊

次以丙癸為勾自乘以甲

癸與甲壬丙壬兩邊和二

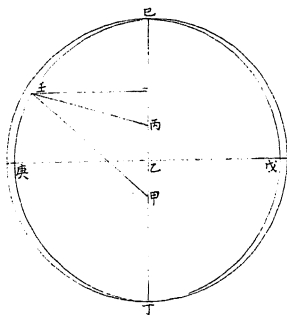
千萬相減餘一九八三一

○○○為股弦和除之得

四三二○

小餘六六

為股弦較



與股弦和相加折半得九

九一七六六〇

三小餘三

為丙

壬邊與二千萬相減餘一

〇〇八二三三九

六小餘七

為

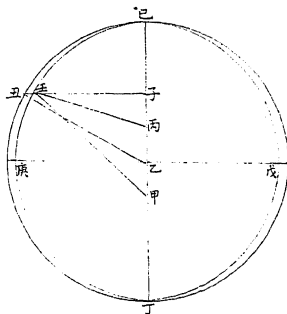
甲壬邊即太陽距地心線

次以半徑一千萬為一率

甲角六十度之正弦八六

六〇二五四為二率甲壬

邊為三率求得四率八七



三一五六二

二小餘五

即壬子

邊次以橢圓小徑九九九

八五七一

八小餘五

為一率大

徑一千萬為二率壬子邊

為三率求得四率八七三

二八〇九

四小餘二

即丑子邊

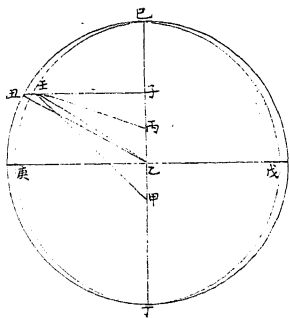
檢正弦得六十度五十分

三十一秒

八小餘三

即乙角度

亦即巳丑弧度次以半周



得五三〇九四八一三八

三〇五五九為乙丑已分

平圓面積次以橢圓大徑

一千萬為一率小徑九九

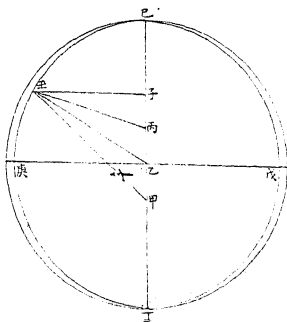
九八五七一八小餘五為二率

乙丑已積為三率求得四

率五三〇八七二三〇〇

九四七二二為乙壬已分

橢圓面積次以甲乙一六



九〇〇〇與壬子八七三

一五六二二小餘五相乘折半

得七三七八一七〇一〇

一二五為壬乙甲三角積

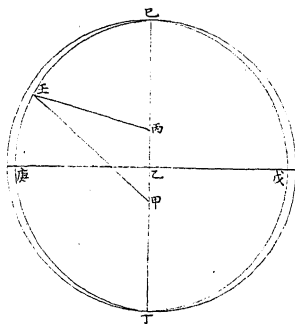
與乙壬己積相加得五三

八二五〇四八一〇四八

四七即甲壬己分橢圓面

積以一度之面積定率八

七二五三九九九五二二



九除之得六十一度六八

七七

七小餘二

收作六十一度

四十一分一十五秒五十

八微即實行距最高後六

十度時之平行度也若設

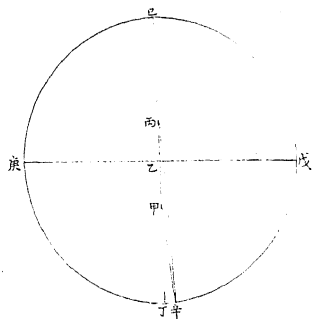
平行求實行亦可以所得

之平行轉相比例然必累

求累較方得恰合

一率兩設平行

較二率兩設實行較三率令設平行較四率令求實



較行法屬繁難故茲不載○

次設以積求角之法如太

陽在辛甲辛丁分橢圓面

積為平行距最早後一度

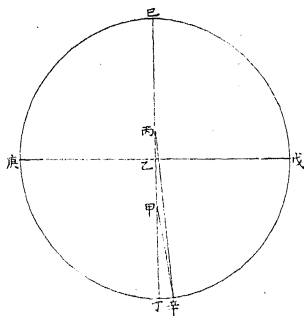
求甲角實行若干度分法

以甲丁最早距地心九八

三一○○○
乙丁一千萬
 減甲乙兩心

差一六九○
餘甲丁
 自乘得九六

六四八五六一○○○



○○為一率中率半徑九

九九九二八六自乘得九

九九八五七一八四八○

一九一

即大徑與小徑相乘之數

為二

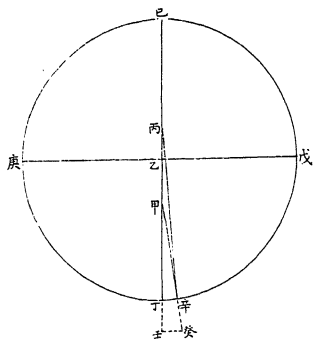
率甲辛丁一度之面積八

七二五三九九五二二

九為三率求得四率九○

二六六七七四二○○三

以一度之面積八七二五



三九九九五二二九除之

得一度二分四秒

三小餘

為

甲角度即平行距最卑後

一度時之實行度也蓋以

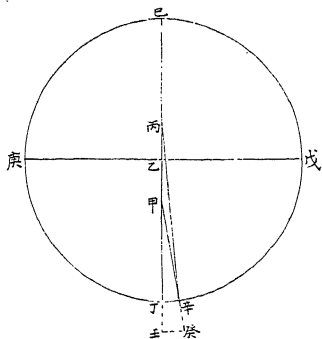
甲為心以中率為半徑作

弧將甲丁線引長至壬甲

辛線引長至癸則甲壬甲

癸皆為中率甲壬癸分平

圓面積與一度之面積為



比例即得甲角而甲辛丁

分橢圓面與甲壬癸分平

圓面為同式形甲辛長於甲丁然為

數無多故以甲丁自乘正

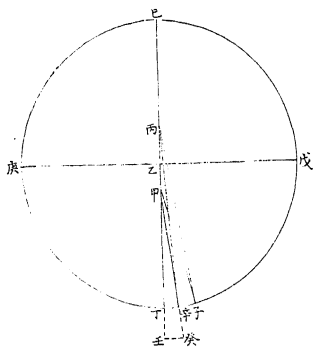
方積與甲壬自乘正方積

之比即同於甲辛丁積與

甲壬癸積之比凡同式形

比同於相當界所作正方

形之比見幾何原本八卷
第九節 故先比例得甲壬癸



積以一度之面積除之而

得甲角也

捷法以甲丁自乘方積除甲壬

自乘方積即得甲角蓋以一度面積為三率與二率

相乘又以一度面積除今省一乘則并省一除也

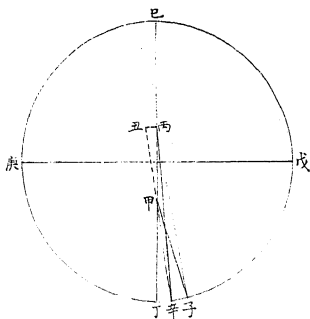
又如太陽在子甲子丁分

橢圓面積為平行距最早

後二度求子甲丁角實行

若干度分則先求平行距

最早後一度時日距地心



之甲辛線將甲辛線引長

至丑自丙作丙丑垂線成

甲丑丙辛丑丙兩勾股形

以半徑一千萬為一率甲

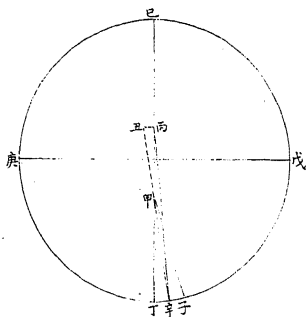
角一度二分四秒三小餘之

正弦一八〇五四九五小餘

為二率甲丙邊三三八〇

〇〇為三率求得四率六

一〇二五小餘為丙丑邊又



以半徑一千萬為一率甲

角一度二分四秒

三小餘

之

餘弦九九八三七〇

餘小

一為二率甲丙邊為三率

求得四率三三七九四四

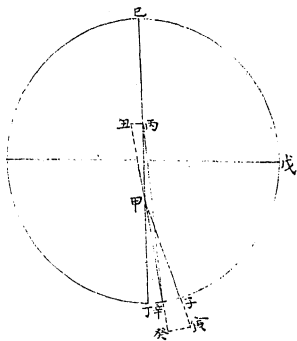
小餘一為甲丑邊乃以丙丑

為勾自乘以甲丑與丙辛

甲辛兩邊和二千萬相加

得二〇三三七九四四

餘小



九為股弦和除之得一餘小

三八為股弦較與股弦和相

加折半得一〇一六八九

七三小餘三七為辛丙弦與丙

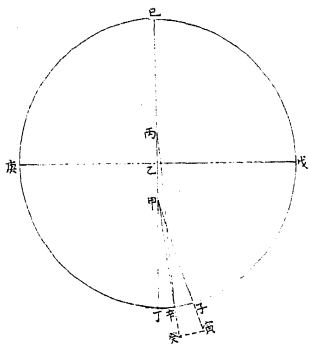
辛甲辛兩邊和二千萬相

減餘九八三一〇二六小餘

三為甲辛日距地心線次

以甲辛子形與甲癸寅形

為比例以甲辛邊自乘得



九六六四九〇八四五九

九七六九為一率甲癸中

率自乘得九九九八五七

一八四八〇一九一為二

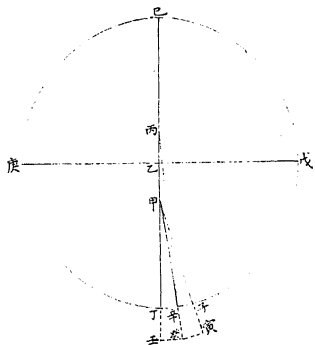
率甲子辛一度之面積八

七二五三九九九五二二

九為三率求得四率九〇

二六六二八五一七六九

為甲癸寅分平圓面積以



一度之面積除之得一度

二分四秒

二小餘八

即癸甲寅

角與先得之癸甲壬角一

度二分四秒

三小餘〇

相加得

二度四分八秒

五小餘八

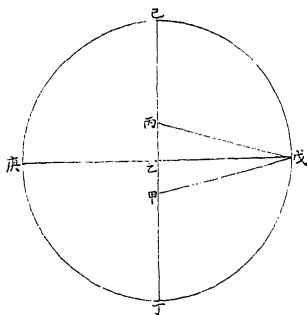
為子

甲丁角即平行距最卑後

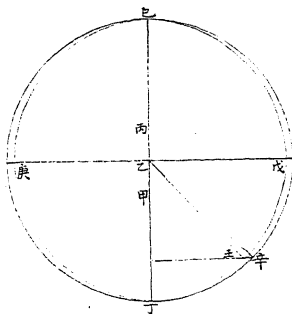
二度時之實行度也此所

求之實行用求積法反求

之少半秒強因日距地心



線自最早丁以漸而長中
距戊為適中至最高已而
止今所用一率微小故所
得四率微大若每分遞算
自得密合然須逐一先求
日距地心線若積度多者
則須合前法而兼用之故
又設後法○○○○○
次設借積求積之法如平



行距最早後四十五度求

實行若干度分先從本天

心設辛乙丁角為四十五

度則乙壬丁積即為分橢

圓四十五度之面積三九

二六四二九九七八五二

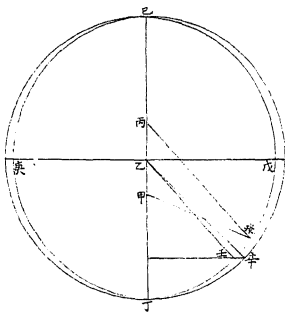
九二

將橢圓全積八分求
之得乙壬丁積數

得壬乙丁角為四十四度

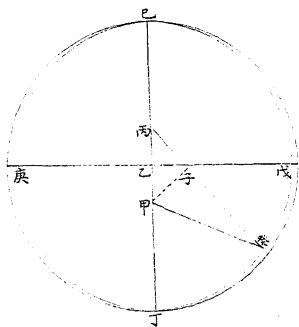
五十九分四十五秒

小餘
二七



法見
前 次與乙壬平行作丙

癸線使丙角與壬乙丁角
等自甲至癸作甲癸線此
甲癸線所截甲癸丁分橢
圓面積若與乙壬丁積等
則癸甲丁角即為平行距
最卑後四十五度之實行
度乃用甲丙癸三角形求
癸甲丁角以半徑一千萬



為一率丙角正弦七〇七

〇五六二七小餘六為二率甲

丙三三八〇〇〇為三率

求得四率二三八九八五

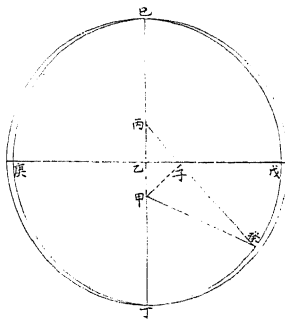
〇小餘二為甲子垂線又以半

徑一千萬為一率丙角餘

弦七〇七一五七二七小餘七

為二率甲丙邊為三率求

得四率二三九〇一九餘小



一為丙子分邊次以甲子

為勾自乘以丙子與丙癸

甲癸兩邊和二千萬相減

餘一九七六〇九八〇餘小

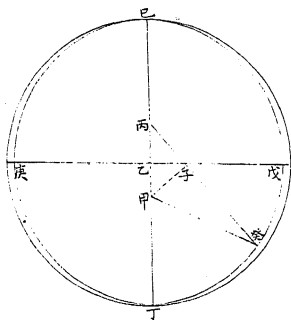
八為股弦和除之得二八

九〇二小餘為股弦較與股

弦和相加得一九七六三

八七一〇七小餘折半得九八

八一九三五五小餘為甲癸



邊次以甲癸邊為一率甲

子垂線為二率半徑一千

萬為三率求得四率二四

一八四〇小餘二九檢正弦得

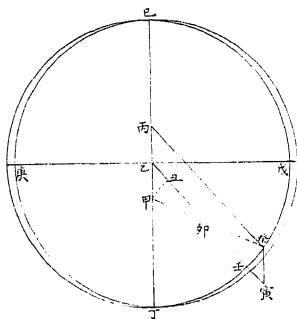
一度二十三分八秒小餘七九

即癸角度與丙角相加得

四十六度二十二分五十

四秒小餘六即癸甲丁角度

用切線分外角法得數較捷因癸角度小比例得甲



癸線難得確準
然甲癸線
故用垂線法

所截甲癸丁分橢圓面積

比所設乙壬丁四十五度

之面積小一甲乙丑積與

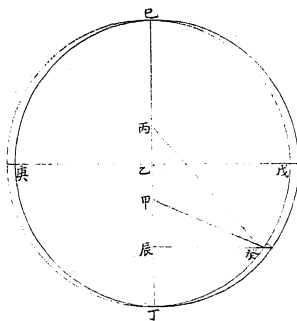
寅壬癸積等
甲癸丁積比
乙壬丁積多

一卯壬癸積少一甲乙卯
積而甲乙與寅癸等甲卯

與卯癸等乙卯與卯寅等
卯壬與卯丑等故甲乙卯

積與寅癸卯積等卯壬癸
積與卯甲丑積等以多補

少尚少一甲乙丑積
與寅壬癸積相等也乃用



前角求積法以半徑一千

萬為一率甲角四十六度

二十二分五十四秒。小餘六

○小
六餘

之正弦七二三九五—三

○餘為二率甲癸邊為三

率求得四率七一五四。

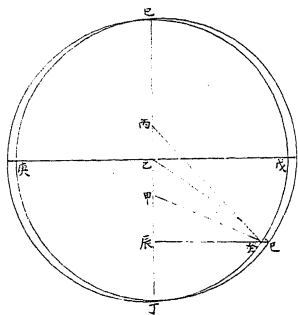
四〇
六小
七餘
即癸辰邊次以

小餘即癸辰邊次以

橢圓小半徑九九九八五

七一
八小
五餘
為一率大半徑

為一率大半徑



一千萬為二率癸辰邊為

三率求得四率七一五五

○六二

小餘五二

即巳辰邊檢

正弦得四十五度四十一

分四秒

小餘九四

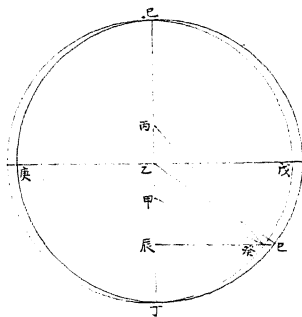
即巳乙丁角

度亦即巳丁弧度次以半

周天一百八十度化作六

十四萬八千秒為一率半

周率三一四一五九二六



小餘為二率巳丁弧度分

化作一十六萬四千四百

六十四秒小餘九四為三率求

得四率七九七三四八五

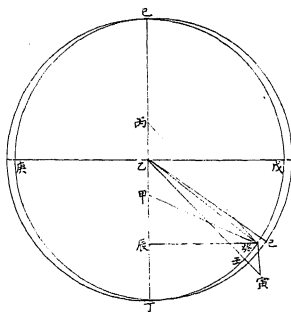
小餘二八八為巳丁弧線

與半徑一千萬相乘折半

得三九八六七四二六四

四一八七四為乙巳丁分

平圓面積次以橢圓大半



徑一千萬為一率小半徑

九九九八五七一

小餘八五

為

二率乙巳丁分平圓面積

為三率求得四率三九八

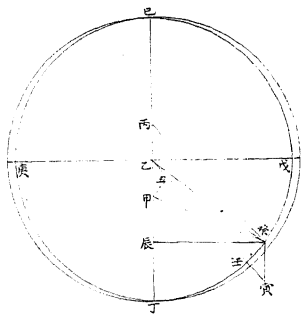
六一七三二七七五三六

七為乙癸丁分橢圓面積

內減所設乙壬丁分橢圓

四十五度之面積餘五九

七四三二九九〇〇七五



為乙癸壬積次以癸辰邊

七一五四〇

小餘
六七

與

癸寅邊一六九〇〇〇相

乘折半得六。四五一六

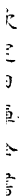
四三六六一五為乙癸寅

積內減乙癸壬積餘七〇

八三四四六五四○為寅

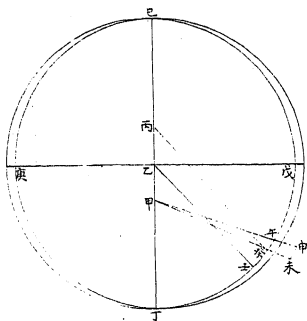
壬癸積與甲乙丑積等即

甲癸丁積小於乙壬丁積



六

橢圓四十五度之面積與



乙壬丁積等實行午甲丁

角比癸甲丁角尚大一午

甲癸角乃用前積求角法

將甲癸線引長至未甲午

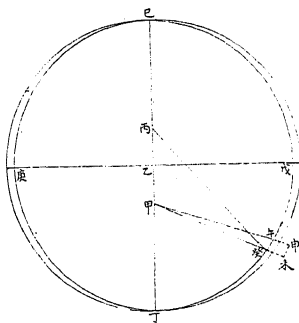
線引長至申甲未甲申皆

為中率半徑成甲未申分

平圓面與甲癸午為同式

形以甲癸自乘得九七六

五二六五〇〇一六七一



五為一率甲未中率自乘

得九九九八五七一八四

八〇一九一為二率甲癸

午積七〇八三四四六五

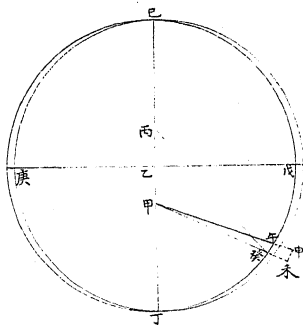
四〇為三率求得四率七

二五二六八〇七一六為

甲未申積以橢圓一秒之

面積二四二三七二二二

一除之得二十九秒小餘九二



為未甲申角

即癸甲午角

與癸

甲丁角四十六度二十二

分五十四秒

○小
六餘

相加得

四十六度二十三分二十

三秒

九小
八餘

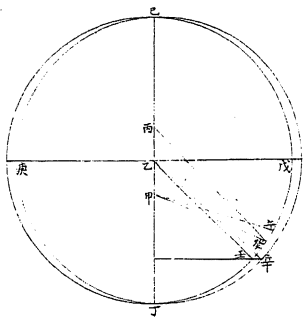
為午甲丁角即

平行距最卑後四十五度

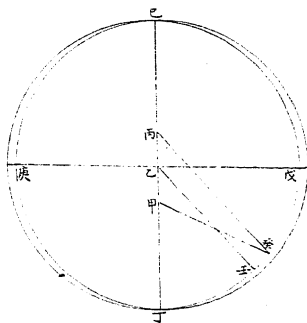
時之實行度也此法乃合

前二法而兼用之而午甲

癸角止三十秒甲癸甲午



二線相差無多得數為密
 其所以先設辛乙丁角為
 四十五度乙壬丁積為四
 十五度而求壬乙丁角以
 為丙角者第借積以比其
 大小耳究之橢圓面積逐
 度皆有成數原不待求且
 先求壬乙丁角為丙角而
 求甲癸丁積又與所設之



乙壬丁積相差不遠則併

先求壬乙丁角亦屬可省

詳後法

又法逕設丙角為四十五

度依前法求得甲癸線九

八八一九四四

二小
八餘

癸甲

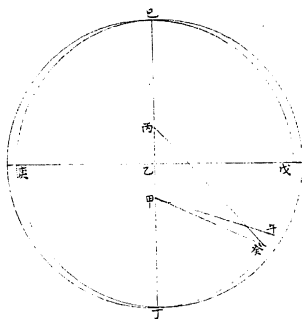
丁角四十六度二十三分

九秒

一小
四餘

甲癸丁積三九

二六〇 七九四六七九三



四八與四十五度橢圓積

三九二六四二九九七八

五二九二相減餘三五〇

五一〇五九四四為甲癸

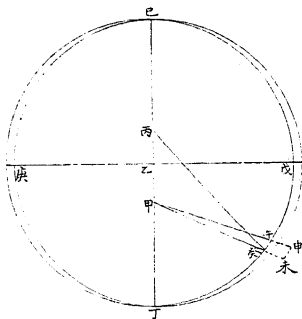
丁積小於四十五度平行

積之較即知平行四十五

度時太陽在癸點之前如

午乃以甲癸自乘得九七

六五二八二二七五三〇



二五為一率中率自乘方

九九九八五七一八四八

○一九一為二率積較為

三率

即甲癸
午積

求得四率三

五八八八四一八四一為

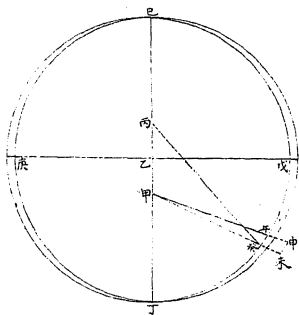
甲未申分平圓面積以一

秒之面積二四二三七二

二二一除之得一十四秒

小餘為未甲申角

即癸甲
午角



與癸甲丁角四十六度二

十三分九秒

小餘一四

相加得

午甲丁角為四十六度二

十三分二十三秒

小餘九五

即

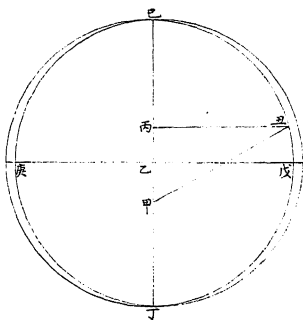
平行距最早後四十五度

時之實行度此法得數與

前同而即以平行積度為

丙角較前法為省便也

又如平行距最早後九十



度求實行若干度分則先

設丙角為九十度作丙丑

甲丑二線成甲丙丑勾股

形依法求得甲丑線一〇

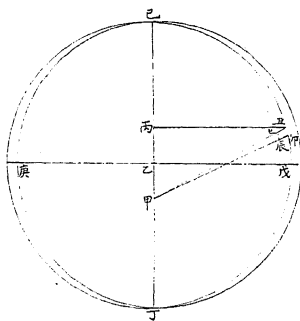
〇〇二八五六小餘丑甲

丁角九十一度五十六分

一十一秒小餘甲丑丁積

七八五二八七六〇一八

三六九五與九十度攢圓



積七八五二八五九九五

七〇五八四相減餘一六

〇六一三一為甲丑

丁積大於九十度平行積

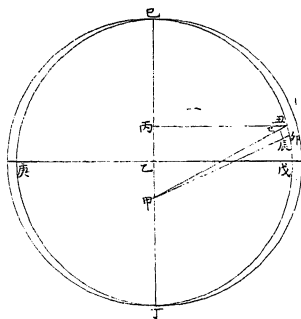
之較即知平行九十度時

太陽在丑點之後如卯乃

依中率半徑截甲卯線於

辰截甲丑線於已成甲辰

已分平圓面與甲卯丑為



同式形以甲丑自乘得一

〇〇〇五七一三〇一五

七三〇七為一率中率自

乘方九九九八五七一八

四八〇一九一為二率積

較為三率

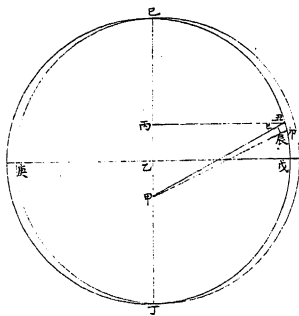
即丑甲
卯積

求得四

率一六〇四九八四八〇

為甲辰已分平圓面積以

一秒之面積二四二三七



二二二一除之得百分秒

之六六為辰甲巳角

即丑甲卯

角與丑甲丁角九十一度

五十六分一十一秒

小餘〇九

相減餘九十一度五十六

分一十秒

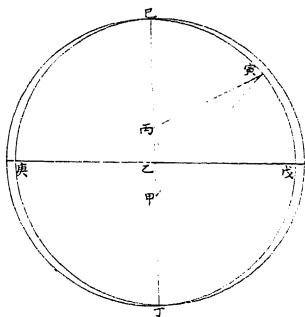
小餘四三

為卯甲丁

角即平行距最早後九十

度時之實行度也

又如平行距最早後一百



二十度求實行若干度分

則先設丙角為一百二十

度作丙寅甲寅二線成甲

丙寅三角形依法求得甲

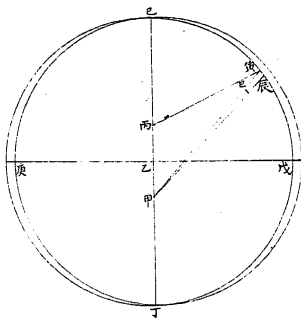
寅線一〇〇八六六二四

小餘寅甲丁角一百二十

一度三十九分四十六秒

小餘甲寅丁積一〇四七

六九〇七九九〇六四九五〇



六與一百二十度之橢圓

積一〇四七〇四七九九

四二七四四六相減餘三

一九一二二二〇六〇為

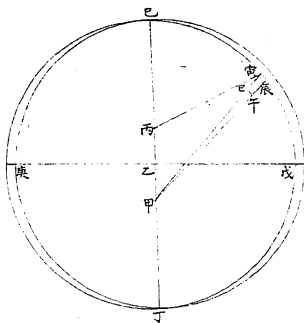
甲寅丁積大於一百二十

度平行積之較即知平行

一百二十度時太陽在寅

點之後如辰乃依中率半

徑截甲寅線於己截甲辰



線於午成甲巳午分平圓

面與甲寅辰為同式形以

甲寅邊自乘得一〇一七

三九九八六三三九八九

八為一率中率自乘方九

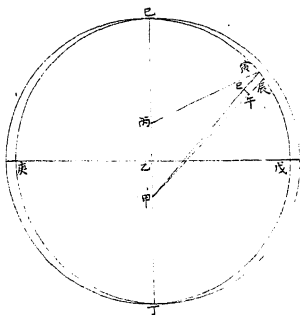
九九八五七一八四八〇

一九一為二率積較為三

率辰即積甲寅求得四率三一

即甲辰積

三六一九七八九一為甲



巳午積以一秒之面積二

四二三七二二一除之

得一十二秒小餘九四為巳甲

午角即寅甲辰角與寅甲丁角

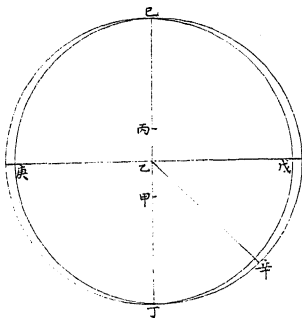
一百二十一度三十九分

四十六秒小餘六九相減餘一

百二十一度三十九分三

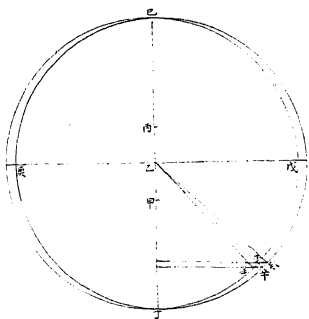
十三秒小餘七五為辰甲丁角

即平行距最早後一百二



十度時之實行度也右借
積求積之法最為精密而
理亦易曉然須乘除比例
十數次推算則屬繁難故
又設後法

次設借角求角之法如太
陽平行距最早後四十五
度求實行若干度分先從
本天心設丁乙辛角為四



十五度則乙壬丁分橢圓

面積亦為四十五度次將

丁乙辛角加癸乙子橢圓

差角

九十度以內大一橢圓
差角九十度以外

小一

橢圓差

以橢圓小半

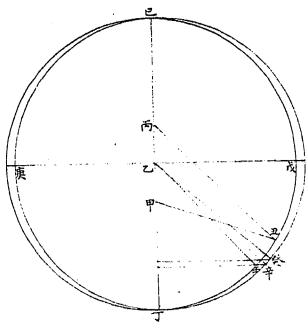
徑九九八五七一

小餘
八五

為一率大半徑一千萬為

二率所設丁乙辛角四十

五度之正切一千萬為三



率求得四率一〇〇〇一

四二八

三小餘五

為丁乙癸角

之正切檢表得四十五度

〇分一十四秒

七小餘三

即丁

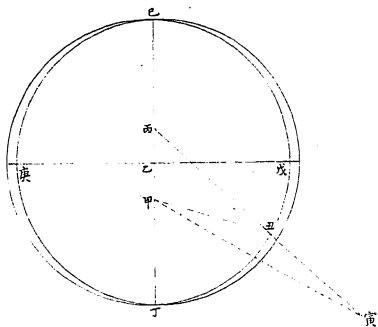
乙癸角度次與乙癸平行

作丙丑線自甲作甲丑線

則丙角與丁乙癸角等而

甲丑丁積為分橢圓四十

五度之面積與乙壬丁積



等是為平行丑甲丁角即

為實行乃將丙丑線引長

至寅使丑寅與甲丑等則

丙寅為二千萬

甲丑丙丑共二千萬

丑寅既與甲丑等故丙寅亦二千萬

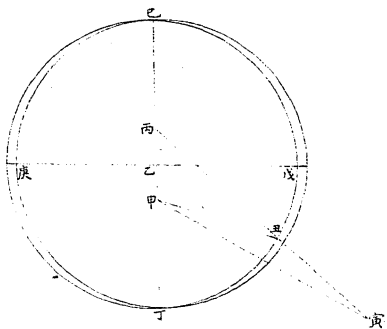
又有甲

至寅作甲寅線成甲寅丙

三角形用切線分外角法

求得寅角四十一分三十

四秒七小餘倍之得一度二



十三分九秒小餘四九即甲丙

丑形之丑角度甲丑寅形

甲丑丙角為外角與甲寅

二內角等丑寅既與甲丑

等則甲角必與寅角等故

倍寅角即得甲丑丙角

與丙角四十五度〇分一

十四秒小餘七三相加得四十

六度二十三分二十四秒

小餘為丑甲丁角度丑甲丁角

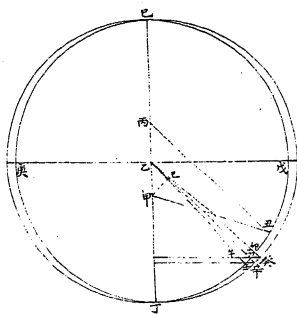
為丑甲丙角之外角與丙

丑二內角等故以丑角與

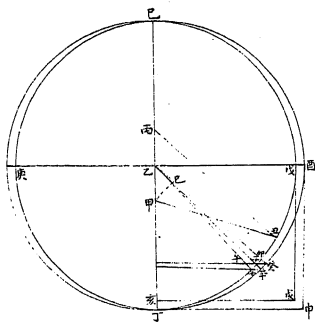


八十二

積多一甲乙巳形



相夫乙卯丁積比乙壬丁
等積多一乙卯壬形比甲丑
丁積多一甲乙巳形甲乙
巳積既與乙卯壬積等則
甲丑丁積必與乙壬丁積
等而乙壬丁為分橢圓四
十五度之面積辛乙丁角
為四十五度之角癸乙丁
角比辛乙丁角原大一橢



圓差角丑丙丁角又原與

癸乙丁角等故設丙角比

平行積大一橢圓差角而

甲丑線所截橢圓積即與

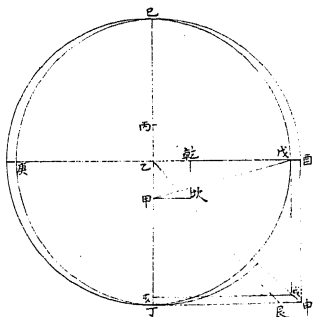
平行積相等也然則又何

以知甲乙巳積與乙癸午

積相等也試以乙丁大半

徑作乙丁申酉正方形又

以乙戊小半徑作乙戊戊



亥正方形兩積相減餘酉

申丁亥戌戌磬折形積與

兩心差自乘之甲乙乾坎

正方形積等乙丁與甲戌等為弦乙戌為股

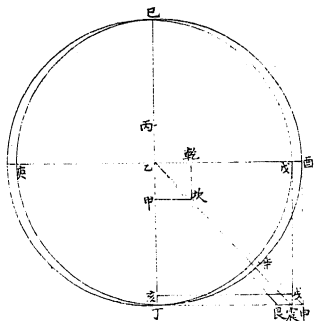
甲乙為勾股弦兩方相減與勾方等斜分而

半之則乙甲坎勾股積即

與酉申戌戌斜尖長方積

等而申艮倍橢圓差與酉

申相乘折半之乙申艮三



角積原與酉申震戌長方

積等

乙申艮三角形與酉申震戌長方形同以

酉申為高而申艮為申震之一倍以申艮與酉申相

乘折半得乙申艮三角積故與酉申震戌長方積等

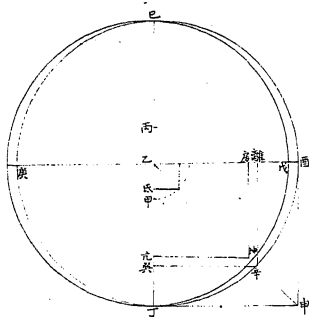
比酉申戌戌斜尖長方積

僅多申震戌一小勾股積

則借乙申艮三角積為與

乙甲坎勾股積相等可也

又以方為斜截丁辛弧為



四十五度乙辛與乙丁等

辛巽為四十五度之正弦

辛離為四十五度之餘弦

依乙戌小徑截乙辛線於

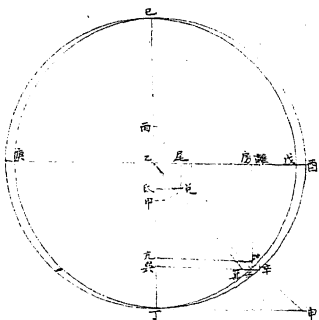
坤依乙甲兩心差截乙辛

線於兌與辛巽平行作坤

亢兌氏二線與辛離平行

作坤房兌尾二線所成正

方各為前圖正方積之一



半則於離辛與乙正方形

內減房坤亢乙正方形餘

離辛與亢坤房磬折形積

亦與乙尾兌氏正方形積等

乙兌氏勾股積亦與離辛

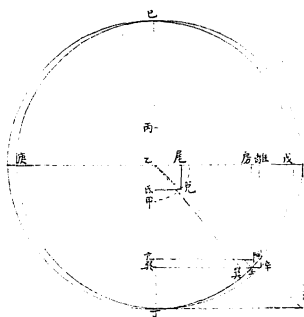
坤房斜尖長方積等而辛

箕倍橢圓差乘辛離餘弦

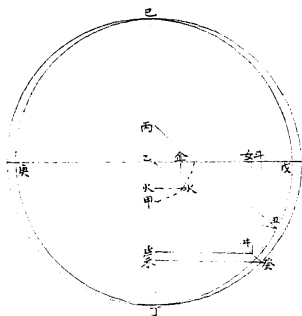
折半之乙辛箕三角積原

與離辛壬房長方積等

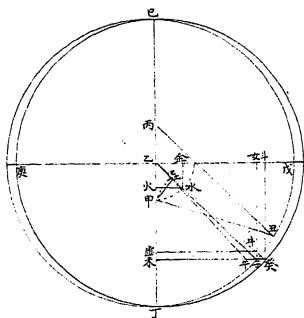
辛壬



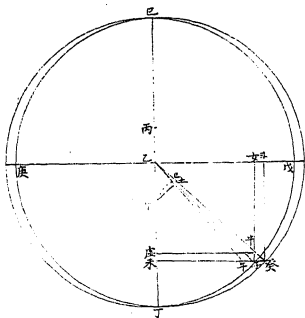
為四十五度之橢圓差辛
 箕為倍差與辛離餘弦相
 乘折半得乙辛箕積故比
 與離辛壬房長方積等比
 離辛坤房斜尖長方積僅
 多辛壬坤一小勾股積則
 借乙辛箕三角積為與乙
 兌氏勾股積相等亦可也
 由此推之逐度之正弦餘
 弦所成之勾股雖非正方
 而斜弦不改則各數比例



皆同試自與丙丑平行之
乙癸線所截之癸點作癸
未正弦癸斗餘弦又依乙
戊小徑截乙癸線於牛作
牛女牛虛二線又依甲乙
兩心差截乙癸線於水作
水火水金二線皆相平行
則於斗癸未乙長方形內
減去女牛虛乙長方形餘



斗癸牛女斜尖長方積僅
多癸牛子一小勾股積則
借乙癸午積為亦與乙水
火勾股積等而甲乙土勾
股與乙水火勾股為相等
形同用一乙角土角與火
角同為直角而甲乙與
乙水等故三邊比甲乙已
及面積皆相等
積僅多甲已土一小弧矢
積其差只在微纖之間故



角亦稍大計其所大之數

適與甲巳土弧矢積度相

去不遠至於以乙癸午三

角積為與斗癸牛女斜尖

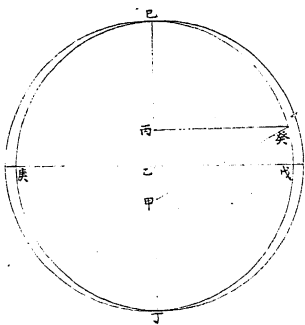
長方積等其數微多多癸牛子

勾股積以癸午為倍橢圓差

其數微少然其多少之差

約足相抵可不計也

又如太陽平行距最卑後



九十度求實行若干度分

先從本天心設丁乙戌角

九十度則乙戌丁分橢圓

面積亦為九十度次與乙

戌平行作丙癸線自甲至

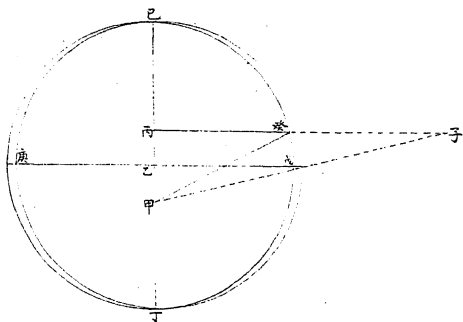
癸作甲癸線則丙角與戌

乙丁角等而甲癸丁分橢

圓面積即為九十度與乙

戌丁積等

九十度無橢是圓差解見後



為平行癸甲丁角即為實

行乃將丙癸線引長至子

使癸子與甲癸等則丙子

為二千萬又自甲至子作

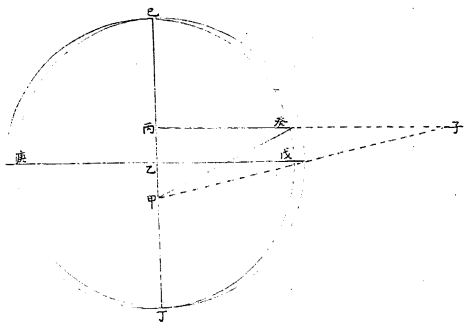
甲子線成甲丙子三角形

求得子角五十八分五秒

小餘五五倍之得一度五十六

分一十一秒小餘一〇即甲丙

癸形之癸角度與丙角九



十度相加得九十一度五

十六分一十一秒

小餘一〇

為

癸甲丁角度即平行距最

卑後九十度時之實行度

也蓋乙戊丁為橢圓四分

之一其積為九十度戊乙

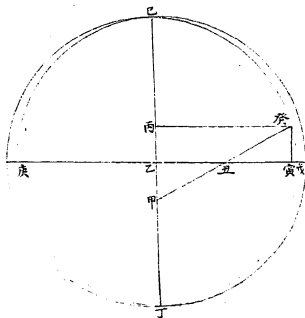
丁角亦九十度

積度與角
度同為一

線故無
橢圓差

丙角既與乙角等

甲癸丁積又與乙戊丁積



等

多甲癸丁積比乙戊丁積

乙丑形而甲乙丑積與丑癸寅積等是丑癸戊寅形比

甲乙丑形僅多癸戊寅一小弧矢積故謂丑癸戊積

與甲乙丑積等而甲癸丁積亦謂與乙戊丁積等

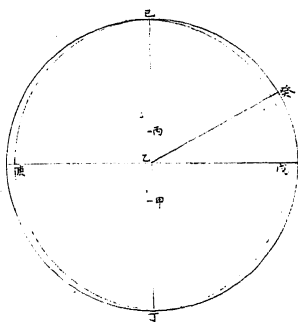
故即以平行積度為丙角

而求甲角為實行度也此

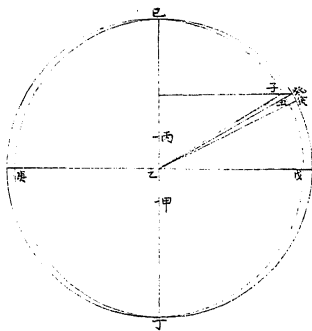
法所得實行較前法多百

分秒之六十七蓋甲癸丁

積比乙戊丁積多癸戊寅



弧矢積九十度稍大故實
 行亦稍大又丙角至九十
 度則弧矢之癸寅半弦與
 甲乙兩心差相等是為最
 長積亦最大故所差最多
 過此則所差又漸少矣
 又如太陽平行距最早後
 一百二十度求實行若干
 度分先從本天心設丁乙



癸角一百二十度則乙子

丁分橢圓面積亦為一百

二十度次將丁乙癸角減

丑乙寅橢圓差角

九十度以外小

一橢圓差則癸乙巳外角

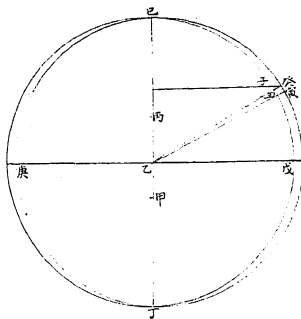
大一橢圓差角以橢圓小

半徑九九九八五七一

餘小

五八為一率大半徑一千萬

為二率所設癸乙巳角外



六十度之正切一七三二

○五○八為三率求得四

率一七三二二九八一餘小

九為已乙寅外角之正切

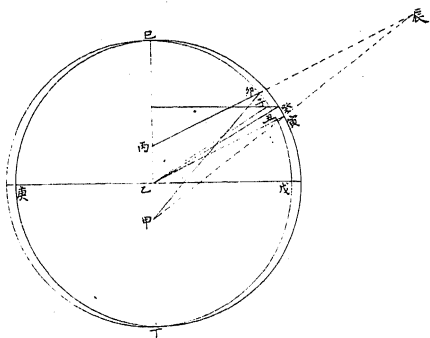
檢表得六十度○分一十

二秒七小餘即已乙寅外角

度與一百八十度相減餘

一百一十九度五十九分

四十七秒二小餘即寅乙丁



內角度次與乙寅平行作

丙卯線自甲作甲卯線則

丙角與寅乙丁角等甲卯

丁積為分橢圓一百二十

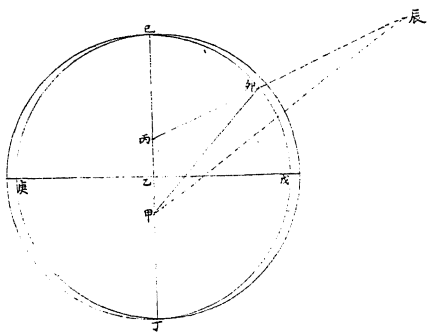
度之面積與乙子丁積等

是為平行卯甲丁角即為

實行乃將丙外線引長至

辰使卯辰與甲卯等則丙

辰為二千萬又自甲至辰



作甲辰線成甲丙辰三角

形求得辰角四十九分五

十三秒四小餘倍之得一度

三十九分四十六秒九小餘

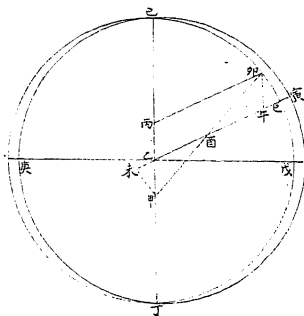
即甲丙卯形之卯角度與

丙內角一百一十九度五

十九分四十七秒二小餘相

加得一百二十一度三十

九分三十四秒一六小餘為卯



甲丁角度即平行距最早
後一百二十度時之實行

度也蓋與丙卯平行之乙

寅線截本天於己所截之

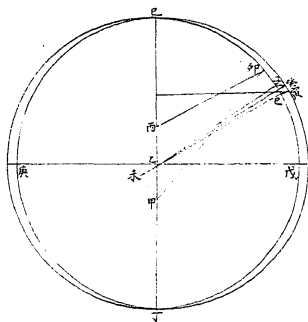
乙己丁積比甲卯丁積小

一卯己午形與甲乙未形

等乙己丁積比甲卯丁積

少一卯己酉形多一甲

乙酉形而甲乙酉形與卯
午酉形等以多補少仍少
一卯己午形又將乙己線
引長至未使酉未與酉己



即與乙子已積等

與前夫法同

乙巳丁積比乙子丁小一

乙子已積比甲卯丁積小

一甲乙未積甲乙未積既

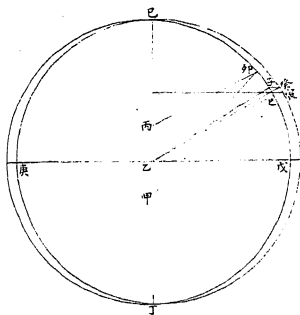
與乙子已積等則甲卯丁

積必與乙子丁積等而乙

子丁為分橢圓一百二十

度之面積癸乙丁角為一

百二十度之角寅乙丁角



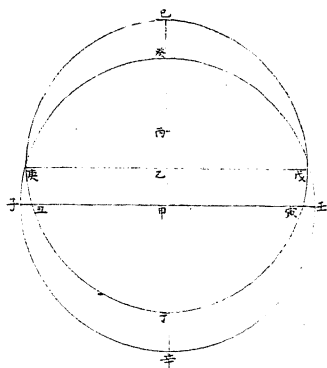
比癸乙丁角原小一橢圓
差角卯丙丁角又原與寅
乙丁角等故於平行一百
二十度內減一橢圓差角
為丙角其甲卯線所截橢
圓積即與平行度相等而
求得甲角為實行度也此
法所得實行較之前法多
百分秒之四十一蓋乙巳

此法也

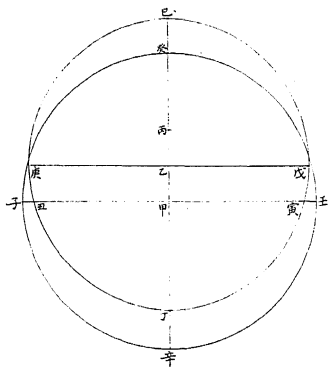
求均數

均數者盈縮差也最早前後兩象限為行盈最高前後兩象限為行縮然盈縮差自最早最高起算最高前
前一象限雖行縮而實行仍大於平行故最早後半
周皆為加差最早前一象限雖行盈而實行仍小於
平行故最高後半周皆為減差上編言之詳矣今求
盈縮差用前借角求角之法與不同心天之法略同
但多一橢圓差耳故先以平行求得對倍兩心差之
角又以平行求得橢圓差角與對倍兩心差之角相

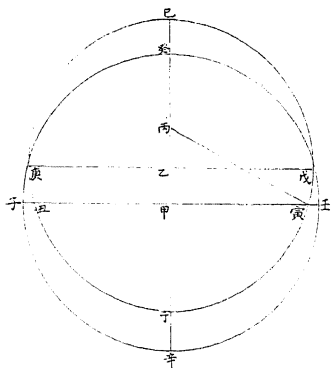
加減而得均數加減之法具詳於左



如圖甲為地心乙為本天
心甲乙為兩心差甲丙為
倍差丁戌己庚為本天辛
壬癸子為黃道以行度言
之太陽在最早前後當子
辛辛壬兩象限其本天平
行丑甲寅丁面積未及半
周而以黃道度計之已見



自子行至壬故為行盈太陽在最高前後當壬癸癸子兩象限其本天平行寅甲丑巳面積已過半周而以黃道度計之止見自壬行至子故為行縮以盈縮差言之太陽在最卑丁是為初宮初度當黃道之辛甲丁辛成一直線無盈縮



差太陽在最高已是為六

宮初度當黃道之癸甲癸

已成一直線亦無盈縮差

而自最早後行丁寅戊己

半周實行皆大於平行如

平行至寅所截甲寅丁平

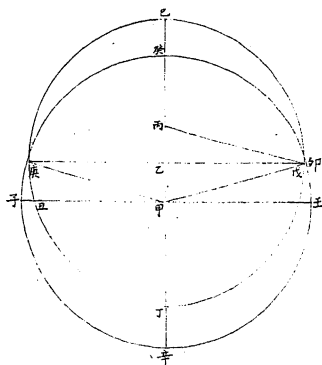
行積度略與寅丙丁角度

等

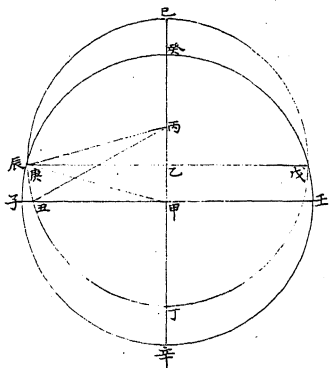
爭一橢圓差
角故謂略等

自地心甲

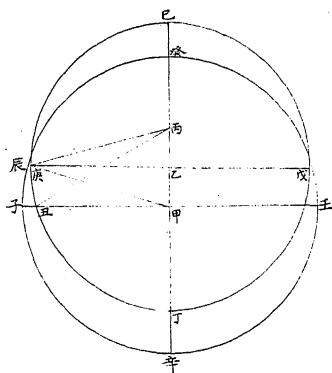
視之己當黃道之壬壬甲



辛角必大於寅丙丁角又
如平行至戌所截之甲戌
丁平行積度略與戌丙丁
角度等自地心甲視之巳
當黃道之卯卯甲辛角必
大於戌丙丁角故皆為加
差自最高後行已庚丑丁
半周實行皆小於平行如
平行至庚所截甲庚已平

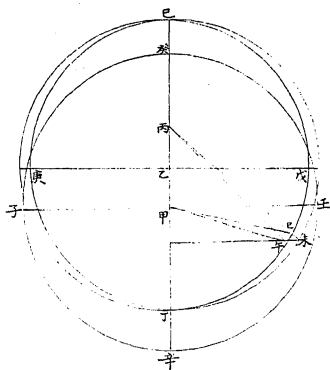


行積度略與庚丙巳角度
 等自地心甲視之方當黃
 道之辰辰甲癸角必小於
 庚丙巳角又如平行至丑
 所截甲丑巳平行積度略
 與丑丙巳角度等自地心
 甲視之方當黃道之子子
 甲癸角必小於丑丙巳角
 故皆為減差此盈縮之理

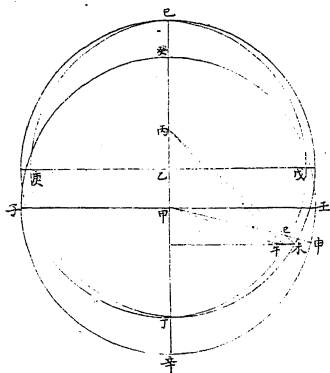


御製歷象考成後編

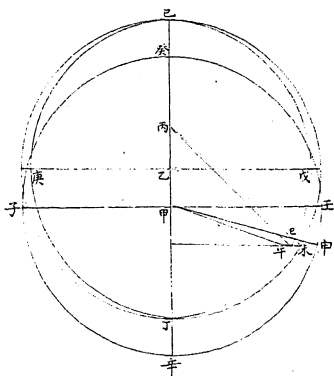
然其數奇



零不便立算故先以平行
 求得對倍差之角而後加
 減橢圓差角為尤便也如
 設太陽在巳甲巳丁分橢
 圓面積為平行距最早後
 六十度知巳丙甲角度比
 所設之甲巳丁平行積度
 大一橢圓差角則於巳丙
 甲角內減未丙午橢圓差



角餘午丙甲角必為六十度而與甲巳丁平行積度相等故先設午丙甲角為六十度用甲丙午三角形求得對甲丙倍差之午角一度四十一分二十九秒與平行午丙甲角相加則得午甲丁角然太陽原在巳當黃道之申實行申甲



辛角

申即辛弧

比午甲丁角尚

大一已甲午角故又求得

未丙午橢圓差角一十三

秒與已甲午角等

已甲午角與未

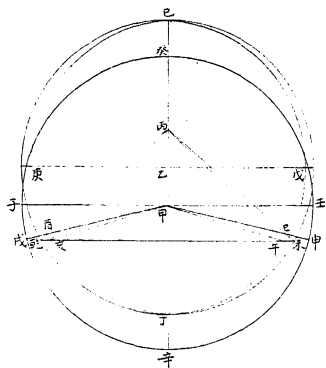
丙午角同當已午弧而甲午線短於丙午則角略大

然所差甚微與午角相加

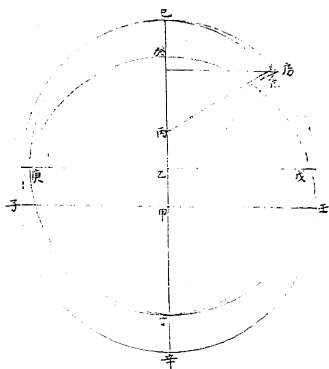
九十度以內大一得一度

四十一分四十二秒是為

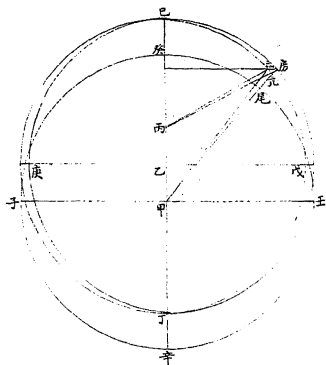
均數為加差以加於平行



而得實行也若太陽在酉
 當黃道之戌甲酉己分擔
 圓面積為平行距最高後
 一百二十度而距最早前
 六十度則對甲丙倍差之
 亥角與午角等乾丙亥擔
 圓差角亦與未丙午角等
 但其均數為減差以減於
 平行而得實行也



如設太陽在亢甲亢丁分
橢圓面積為平行距最卑
後一百二十度知亢丙甲
角度比所設之甲亢丁平
行積度小一橢圓差角則
於亢丙甲角加房丙氏橢
圓差角得氏丙甲角必為
一百二十度而與甲亢丁
平行積度相等故先設氏



丙甲角為一百二十度用

甲丙氏三角形求得對甲

丙倍差之氏角一度三十

九分四十七秒與平行氏

丙甲角相加則得氏甲丁

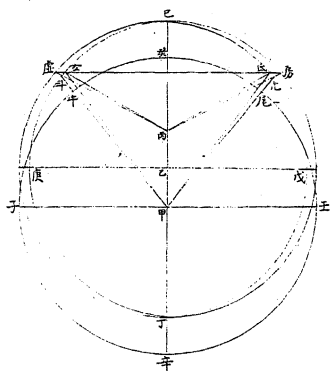
角然太陽原在亢當黃道

之尾實行尾甲辛角

即辛尾弧

比氏甲丁角尚小一氏甲

亢角故又求得房丙氏橢



圓差角一十三秒與氏甲

亢角等

氏甲亢角與房丙
氏角同當亢氏弧

而甲氏線長于丙氏則角
略小然所差甚微故為相

等

與氏角相減

九十度以
外小一擔

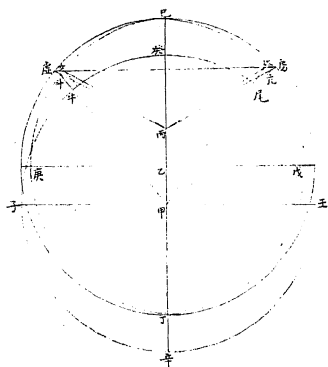
圓差角故減餘一度三十九分

三十四秒是為均數為加

差以加於平行而得實行

也若太陽在斗當黃道之

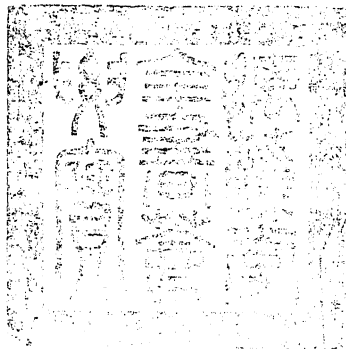
牛甲斗已分擔圓面積為



平行距最高後六十度則
 對甲丙倍差之女角與氏
 角等女丙虛橢圓差角亦
 與房丙氏角等但其均數
 為減差以減於平行而得
 實行也用此法求得最卑
 後半周之加差即得最高
 後半周之減差列為表此
 法與以丙為心作不同心



御製歷象考成後編卷一



覆校官中官正臣郭長發

校對官待詔臣胡士震

謄錄監生臣金拔

繪圖監生臣周濟